REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

UNIVERSITE MOULOUD MAMMERI DE TIZI-OUZOU X • Θ Λ • ΔΔ Σ Χ [://:V •X [•Λ [•O Faculté de génie Electrique et d'Informatique Département d'Electronique



Mémoire

De fin d'étude En vue de l'obtention du diplôme d'ingénieur d'Etat en Electronique Option : Communication

Thème

Détection des battements de cœur par ondelettes fractionnaires

Dirigé et proposé par : Mme. AMIROU.Z

Réalisé par : Mr. ATEK HACENE Mr. BENIDIR SAMIR



PDF created with pdfFactory Pro trial version <u>www.pdffactory.com</u>

Remerciements

Nous tenons à exprimer notre profonde gratitude à notre promotrice **Mme. Amirou**.Z. Votre encadrement, votre disponibilité, vos conseils, vos directives, vos encouragements et surtout votre rigueur tout au long de la réalisation de ce travail ont été sans failles et d'une importance capitale pour notre moral. Soyez en remerciée sincèrement.

Nous tenons également à présenter nos sincères remerciements à tous les enseignants de département génie électrique et informatique option communication.

Enfin, nous tenons à exprimer l'honneur qui nous a été fait par les membres du jury d'avoir accepté d'évaluer ce travail. Qu'ils trouvent ici nos reconnaissances et notre respect.

DEDICACES

Je dédie ce mémoire :

A la mémoire de mon cher oncle boukhalefa

A ma mère

A mon père

A mes sœurs

Et à mes amis.

ATEK Hacene

Je dédie ce travail :

- A mes très chers parents ;
- A tous mes frangins et frangines ;
- A mes chers Oncle et tantes ;
- A mes très chers amis ;
- A tous mes camarades de la promotion ;
- Et à tous ceux qui m'ont aidé de près ou de loin à la réalisation de ce travail.

BENIDIR SAMIR

Sommaire

Introduction Générale	1
Chapitre 1 : Electrophysiologie cardiaque	4
1.1. Introduction	5
1.2. Anatomie du cœur	5
1.3. Activité mécanique du cœur	5
1.3.1. Trajet sanguin	5
1.3.2. Battement cardiaque	6
1.4. Activité électrique du cœur	7
1.4.1. Fonction électrique du cœur	7
1.4.2. Tracé électrique du cœur	
1.4.3. Définition d'un battement cardiaque standard	
1.4.4. Fréquence cardiaque	10
1.4.5. Rythme cardiaque	
1.5. Electrocardiographie de surface	
1.5.1. Dérivations standard	
1.5.1.1. Dérivations bipolaires des membres	12
1.5.1.2. Dérivations unipolaires des membres	13
1.5.1.3. Dérivations thoraciques (précordiales)	13
1.5.2. L'ECG normal	14
1.5.2.1. Durées des déflexions et intervalles	14
1.5.2.2. Amplitude des déflexions	
1.5.3. Tracé Holter	
1.5.4. Artefacts visibles sur l'ECG	15
1.6. Troubles du rythme et de la conduction cardiaque	
1.7. Conclusion	
Chapitre 2 : outil de traitement20	
2.1. Introduction	
2.2. Transformée de Fourier	

2.3. Transformée en ondelettes	23
2.3.1. Définitions	23
2.3.2. Quelques propriétés	26
2.3.2.1. Sélectivité en fréquence	
2.3.2.2. Similarité	
2.3.2.3. Symétrie	
2.3.2.4. Orthogonalité	
2.3.2.5. Régularité	
2.3.2.6. Nombre de moments nuls	
2.3.2.7. Facteur d'échelle minimal	
2.3.2.8. Lien entre la fréquence et l'échelle	,
2.3.3. Transformée en ondelettes continue	27
2.3.3.1. Analyse	7
2.3.3.2. Reconstruction	8
2.3.4. Transformée en ondelettes discrète	29
2.3.5. Transformée en ondelettes orthogonale	29
2.3.6. Maxima du module de la transformée en ondelettes	30
2.3.7. Scalogramme	31
2.3.7. Scalogramme2.4. Familles d'ondelettes.	31 31
2.3.7. Scalogramme	31 31 .32
 2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 	31 31 .32 33
 2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain <i>mexh</i> 	31 31 .32 33
 2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain <i>mexh</i> 33 2.4.2.2. Ondelette de Morlet : 	31 31 32 33 34
 2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes. 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles. 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain <i>mexh</i>	31 31 32 33 34
 2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes. 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles. 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles	31 31 32 33 34 35
 2.3.7. Scalogramme	31 31 32 33 34 35
2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes 2.4. Familles d'ondelettes 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain mexh 2.4.2.2. Ondelette de Morlet : 2.4.2.3. Ondelettes gaussiennes : gau 34 2.4.3.1. Ondelettes gaussiennes complexes : cgauN 35 2.4.3.2. Ondelettes de Morlet complexes : cmorNb-Nc	31 31 32 33 34 35
 2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes. 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles. 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain <i>mexh</i>	31 31 32 33 34 35
2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes 2.4. Familles d'ondelettes 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain mexh 33 2.4.2.2. Ondelette de Morlet : 2.4.2.3. Ondelettes gaussiennes : gau 34 2.4.3.1. Ondelettes gaussiennes complexes : cgauN 35 2.4.3.2. Ondelettes de Morlet complexes : cmorNb-Nc 36 2.4.3.3. Ondelettes B-splines fréquentielles complexes : fbspNm-Nb-Nc 37 2.4.4. Ondelettes orthogonales à support compact	31 31
2.3.7. Scalogramme 2.4. Familles d'ondelettes 2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles 2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles 2.4.2.1. Chapeau mexicain mexh 2.4.2.2. Ondelette de Morlet : 2.4.2.3. Ondelettes gaussiennes : gau 2.4.3.1. Ondelettes gaussiennes complexes 2.4.3.2. Ondelettes de Morlet complexes : cgauN 3.5 2.4.3.3. Ondelettes de Morlet complexes : cmorNb-Nc 3.6 2.4.3.3. Ondelettes B-splines fréquentielles complexes : fbspNm-Nb-Nc 3.7 2.4.4.1. Ondelettes de Daubechies : db 3.8 2.4.2.1. Ondelettes de Daubechies : db 3.3	31 31 32 33 35 35

2.4.5. Ondelettes biorthogonales à support compact : <i>biorNrNd</i> 40	
2.4.6. Ondelettes orthogonales à support non compact	
2.4.7. Choix de l'ondelette	
2.5. Introduction aux Ondelettes Fractionnaires	,
2.5.1. Introduction.422.5.2. Modeler et construire une ondelette.42	
2.5.3. Ondelettes fractionnaires réelles : <i>coleN</i>	
2.5.4. Ondelette fractionnaire complexe : <i>ccol</i>	
2.6. Conclusion	
Chapitre 3 : état d'art sur la détection des complexes QRS47	
3. Introduction	-8
3.1. Etat de l'art sur la détection du complexe QRS44	8
3.1.1 Algorithme de détection de AF249	
3.1.2Algorithme de détection de Benitz	0
3.1.3Algorithme de détection de DF250)
3.1.4 Algorithme de détection de Gritzali	,
3.1.5 Algorithme de détection de Kadambe	2
3.1.6 Algorithme de détection de MOBD53	3
3.2.7 Algorithme de détection de Pan- Tompkins53	3
3.2.8 Algorithmes basés sur le calcul de la dérivée entière	
3.2.9Algorithmes basés sur le calcul de la dérivée non entière	4
3.2.10Algorithmes basés sur les réseaux de neurones	
3.3. Conclusion	5
4.1. Introduction	7
4.2.2.1. Seuil adaptatif en amplitude	
4.2.2.2. Seuil adaptatif en temps	

4.2.2.3. Période réfractaire	61
4.3.1. Base de données MIT-BIH	62
4.3.1.1. Description	62
4.3.2. Paramètres d'évaluation des performances	62
4.4. Détection du complexe QRS	63
4.4.1. Filtrage par transformation en ondelettes	65
4.4.1.1. Choix du paramètre <i>m</i>	65
4.4.1.2. Sélection des échelles de décomposition	66
4.4.2. Transformation non linéaire : produit multi-échelle	68
4.4.3. Prise de décision	69
4.5. Applications de l'algorithme de détection	71
4.5.1. Première application : ondelette réelle <i>cole2</i>	71
4.5.1.1. Prétraitement	71
4.5.1.2. Règle de décision	71
4.5.1.3. Résultats, discussion et comparaison	71
4.5.2. Deuxième application : ondelettes réelles cole2 et cole1	77
4.5.2.1. Prétraitement	77
4.5.2.2. Règle de décision	77
4.5.2.3. Résultats, discussion et comparaison	78
4.6. Conclusion	
Conclusion générale	83

Introduction générale

Introduction générale :

Les maladies cardiovasculaires constituent un problème majeur de santé publique. Le cœur est l'organe central du système cardiovasculaire : il peut être affecté de nombreuses pathologies qui peuvent soit être bénignes, comme certaines tachycardies par exemple, soit s'avérer très sérieuses, comme l'infarctus du myocarde.

L'électrocardiogramme (ECG) est un signal qui représente les variations de l'activité électrique du cœur en fonction du temps. Ce signal peut être enregistré à partir de la peau par un matériel de détection : les électrodes. L'analyse automatique de l'ECG permet une étude détaillée qui aide au diagnostic des dysfonctionnements du cœur.

L'extraction des événements caractéristiques des signaux consiste à détecter les éléments qui les composent. De l'électrocardiogramme, on peut chercher à détecter et classer les différentes ondes qui le composent ainsi que les intervalles temporels entre les ondes.

Le complexe QRS est l'onde de l'ECG la plus convoitée par les algorithmes d'analyse automatique. C'est l'onde la plus dominante de l'ECG. Il est lié au fonctionnement ventriculaire et a été abondamment étudié. La détection du complexe QRS est d'une importance capitale dans les systèmes de traitement automatique de l'ECG. En effet, une fois les pics R identifiés, la fréquence cardiaque peut être calculée, différents temps et amplitudes du cycle cardiaque peuvent être mesurés et repérés. Les difficultés de la détection de QRS sont dues, essentiellement, à la présence de plusieurs artefacts dans le signal ainsi qu'aux diverses morphologies du complexes QRS selon les individus et selon les pathologies.Dans certaines pathologies, les ondes P et T importantes peuvent également avoir des caractéristiques semblables au complexe QRS et contraignent ainsi la détection.

Plusieurs chercheurs se sont penchés sur la question en proposant différentes méthodes. Ces méthodes sont pour la plupart basées sur l'amplitude et la pente de l'onde R.

Le travail qui nous a été confié consiste à détecter les pics R par ondelettes, méthode mieux adaptée aux signaux non stationnaires. Pour ce faire notre travail est structuré comme suit :

A travers le premier chapitre, nous avons passé en revue les principales notions de cardiologie, l'électrocardiogramme étant un signal biologique non stationnaire, son traitement nécessite des outils de traitement bien adaptés. De tels outils font l'objet du second chapitre.Comme il a été mentionné cidessous, la détection des QRS est une étape d'analyse ayant fait l'objet de plusieurs travaux de

recherche. Un état de l'art est exposé dans le troisième chapitre.

Dans le quatrième chapitre, notre algorithme de détection est développé. Après chaque étape de l'algorithme, nous insérons le résultat correspondant.

Enfin, nous terminons par une conclusion générale en faisant ressortir quelques perspectives sur lesquelles s'ouvre le travail.

Electrophysiologie Cardiaque

4

<u>1.1. Introduction</u>

Le système cardiovasculaire assure la circulation du sang dans l'organisme et permet ainsi son alimentation en oxygène et en nutriments. Le cœur, l'élément central du système cardiovasculaire, est un muscle fonctionnant comme une pompe, il propulse le sang à travers l'organisme via deux types de vaisseaux : les artères et les veines. Le fonctionnement du cœur se base sur la succession temporelle d'évènements mécaniques et électriques complexes, régulés d'une manière dynamique. La représentation des potentiels électriques dus aux courants électriques qui circulent dans le cœur est appelée électrocardiogramme (ECG). Ce signal peut être enregistré à partir de la peau par un matériel de détection : les électrodes.

1.2. Anatomie du cœur :

Le cœur est un organe musculeux d'environ 250 à 350 grammes ayant une forme pyramidale triangulaire. Il est formé de trois parois de l'intérieur vers l'extérieur : l'endocarde, le myocarde et le péricarde. Il est situé dans la partie centrale du thorax, décalé du côté gauche, entre la deuxième et la cinquième côte [1]. Il est cloisonné en deux parties droite et gauche qui ne présentent pas de communication entre elles. Ces deux cœurs se composent eux-mêmes de deux cavités : une oreillette aux parois fines et un ventricule aux parois épaisses (Fig.1.1).

1.3. Activité mécanique du cœur :

Le cœur est une pompe qui irrigue l'organisme de sang. Ce phénomène mécanique est périodique, il se manifeste en quatre phases : le remplissage, la contraction (systole), l'éjection et le relâchement (diastole).

1.3.1. Trajet sanguin :

Il existe deux circulations :

• La petite circulation ou circulation pulmonaire, qui permet de se recharger en dioxygène et d'éliminer le dioxyde de carbone, elle comprend la partie droite du cœur.

• La grande circulation qui permet d'irriguer les autres organes, elle comprend sa partie gauche.



Fig. 1.1. Coupe schématique du cœur.

<u>1.3.2. Battement cardiaque :</u>

Une révolution cardiaque, c'est-à-dire un battement du cœur, comprend : une phase de contraction permettant l'éjection du sang et une phase de remplissage. Le circuit du sang lors d'une révolution peut se diviser en plusieurs étapes :

• le sang entre par une veine dans l'oreillette (période de diastole) et passe ensuite parl'intermédiaire d'une valve auriculo-ventriculaire ouverte dans le ventricule ;

• l'oreillette entre en systole et éjecte le sang restant dans sa cavité dans le ventricule ;

• l'oreillette se relâche et reste en diastole jusqu'au début de la révolution suivante;

• le ventricule entre en systole, la valve auriculo-ventriculaire se ferme (premier bruit entendu au stéthoscope) en même temps, la valve, entre le ventricule et l'artère, s'ouvrepermettant l'éjection du sang vers les poumons ou l'ensemble des organes selon si c'est leventricule gauche ou droit ;

• à la fin de la systole ventriculaire, la valve artérielle se ferme (deuxième bruit cardiaque);

• le sang revient ensuite au cœur par les veines caves et pulmonaires.

Ces étapes s'effectuent simultanément dans les cœurs gauche et droit. Le temps de la diastole est en général 2,5 fois plus grand que le temps de la systole [1-3]. Ce cycle dure à peine une seconde et fait appel à un mécanisme très compliqué basé sur les différences de pression dans les cavités cardiaques, qui provoquent l'ouverture ou la fermeture des différentes valves et permettent l'éjection ou le remplissage de sang [1-3].

<u>1.4. Activité électrique du cœur :</u>

1.4.1. Fonction électrique du cœur :

Le fonctionnement du cœur est automatique. Comme pour tous les muscles du corps, la contraction du myocarde est provoquée par la propagation d'une impulsion électrique le long des fibres musculaires cardiaques induite par la dépolarisation des cellules musculaires. Elle prend naissance dans la partie haute de l'oreillette droite dans la région dite "nœud sinusalSA" (a) puis se propage dans les oreillettes (b) entraînant leur contraction (systole auriculaire). L'impulsion arrive alors au nœud auriculo-ventriculaire (AV), seul point de passage électrique entre les oreillettes et les ventricules, une courte pause est alors introduite

(c), juste avant la propagation dans les fibres constituant le faisceau de His. Au passage de l'impulsion électrique (d), les ventricules se contractent à leur tour (systole ventriculaire) (e).

Après la diastole (décontraction du muscle), les cellules se repolarisent (f) (Fig. 1.2). Ainsi, le cycle du battement cardiaque est terminé et le cœur est prêt pour un nouveau battement.



Fig. 1.2. Propagation de l'impulsion dans le cœur

7

1.4.2. Tracé électrique du cœur :

Le battement cardiaque peut être suivi grâce à l'enregistrement en surface du signal électrique qui l'accompagne. En effet, chaque phase du battement possède une marque électrique particulière. Dans la plupart des cas, on peut discriminer de manière rapide l'empreinte d'une contraction auriculaire de celle d'une contraction ventriculaire [1].

L'impulsion initiale qui vient du nœud SA, non visible sur l'ECG, se propage dans les oreillettes entraînant leurs contractions (Fig. 1.3). Elle laisse la trace d'une petite déflexion positive sur l'ECG : l'onde P (a). L'impulsion arrive alors au nœud auriculo-ventriculaire(AV), où se produit la courte pause se traduisant sur l'ECG par un petit segment plat. Elle emprunte, ensuite, les voies de conductions rapides (faisceau de His) entraînant une contraction rapide et brève des ventricules. Celles-ci dessinent sur l'ECG une suite de trois ondes appelées complexe QRS (b). L'onde Q est la première : c'est une onde dirigée vers le bas, qui n'est pas toujours visible sur le tracé ; la seconde est l'onde R : elle est de grande amplitude et dirigée vers le haut ; la dernière est dirigée vers le bas : c'est l'onde S. Après chaque complexe QRS, il se produit une pause puis apparaît l'onde T. Cette pause est le segment ST, dont l'étude est très importante pour l'identification de certaines pathologies [1-3]. L'onde T représente la phase de repolarisation des ventricules qui les rend de nouveau stimulables (Fig. 1.3). Les oreillettes ont également une onde de repolarisation qui est très petite, habituellement masquée par le complexe QRS et donc non observée.



8

Fig. 1.3. Tracé électrique du cœur.

1.4.3. Définition d'un battement cardiaque standard :

L'ECG est enregistré sur un papier millimétré. Le temps, en seconde, est représenté sur l'axe horizontal (1 mm pour 0,04 s) ; les déflexions, en mV, sont représentées sur l'axe vertical(1 mm pour 0,1 mV). La ligne de base du tracé ECG est la ligne isoélectrique du cœur au repos qui est prise comme référence. Les différentes ondes et les intervalles les séparant, ont permis de dresser le standard ECG (Fig. 1.4). Un battement cardiaque est caractérisé par [1] :

• Onde P : dépolarisation des oreillettes. Sa durée est de l'ordre de 90 ms. C'est une onde positive dont l'amplitude est normalement inférieure ou égale à 0.2 mV ;

• Complexe QRS : dépolarisation des ventricules. Sa durée normale est comprise entre 85 et95 ms. Toute onde supplémentaire, positive ou négative, sera appelée R', S', R", etc.

• Onde T : repolarisation des ventricules. Son amplitude est inférieure à 2 mV. L'onde T normale a une amplitude plus faible que le complexe QRS ;

• Onde U : repolarisation des fibres de Purkinje. C'est une onde positive qui suit l'onde T,

visible essentiellement en quelques signaux ECG, dont la signification est discutable;

• Intervalle RR : fréquence des battements cardiaques. Il correspond au délai entre deux dépolarisations ventriculaires. C'est cet intervalle qui permet de calculer la fréquence cardiaque ;

• Segment PR : pause du nœud AV. Le segment PR correspond au délai entre la fin de la dépolarisation des oreillettes et le début de celle des ventricules. C'est le temps pendant lequel l'onde de dépolarisation est bloquée au niveau du nœud AV. Il se mesure de la fin de l'onde P jusqu'au début du QRS. Sa durée est de 0,03 à 0,04 seconde ;

• Intervalle PR : durée de conduction auriculo-ventriculaire. L'intervalle PR correspond au délai entre le début de la dépolarisation des oreillettes et celle des ventricules. C'est le temps de propagation de l'onde de dépolarisation jusqu'aux cellules myocardiques ventriculaires ;

• Intervalle QT : durée de systole ventriculaire. Cet intervalle correspond au début de l'excitation des ventricules jusqu'à la fin de leur relaxation ;

• Segment ST : durée de stimulation complète des ventricules. Il correspond à la phase pendant laquelle les cellules ventriculaires sont toutes dépolarisées, le segment est alors isoélectrique.

<u>1.4.4. Fréquence cardiaque :</u>

La fréquence cardiaque est le nombre de contractions ventriculaires par unité de temps.

Elle est exprimée en battement par minute (bat/min). Elle est en moyenne de 60 bat /min. Elle augmente durant l'inspiration et diminue durant l'expiration. La fréquence cardiaque de repos correspond à la fréquence cardiaque relevée après un repos complet en position allongé pendant environ 10 minutes. On estime qu'une fréquence cardiaque de repos supérieure à 80 bats/min est pathologique.

1.4.5. Rythme cardiaque :

Le rythme d'un tracé normal est sinusal, toutes les ondes P sont identiques, tous les QRS sont identiques, après chaque onde P se trouve un QRS. Il est modifié par l'émotion, la peur, la colère, l'effort physique et l'état physiologique de l'organisme. Le rythme cardiaque et la respiration sont parfaitement synchronisés pour obtenir les meilleures performances en circulation sanguine et distribution d'oxygène dans l'organisme. Cela engendre moins de pertes d'énergies lors de la réalisation d'activités, qu'elles soient physiques ou intellectuelles.



10

Fig.4.1.description d'un battement cardiaque.

<u>1.5. Electrocardiographie de surface :</u>

Le corps humain étant électriquement conducteur, les potentiels d'actions générés lors de l'activité électrique cardiaque peuvent alors être recueillis par des électrodes placées sur la peau. Chaque paire d'électrodes constitue une dérivation. L'enregistrement de cette activité électrique du cœur, sur un plan frontal (par les dérivations des membres) et sur un plan horizontal (par les dérivations précordiales), est un électrocardiogramme (ECG).

Les électrodes peuvent être utilisées selon deux modes : l'un dit bipolaire où le potentiel d'une électrode est soustrait à un autre, et l'autre dit unipolaire où le potentiel d'une électrode est pris par rapport à un point de référence (la masse). Ces électrodes doivent être convenablement disposées et adaptées au circuit adjacent pour détecter le signal ECG qui change de morphologie en fonction de ces positions.

Toute activité électrique se dirigeant vers l'électrode est enregistrée par une déflexion positive et toute activité s'en éloignant est enregistrée par une déflexion négative. Enfin, les différentes positions sont normalisées [1-2].

1.5.1. Dérivations standard :

L'ECG est un enregistrement de surface de l'activité électrique du cœur par des électrodes reliées à un électrocardiographe qui amplifie le signal électrique. Les tissus se trouvant entre le cœur et les électrodes parasitent le signal, le tracé électrocardiographique n'est donc qu'une estimation de l'activité électrique générée par le cœur. L'ECG standard est enregistré sur 12 dérivations : six dérivations des membres et six thoraciques ou précordiales.

1.5.1.1. Dérivations bipolaires des membres :

Les dérivations bipolaires sont désignées par DI, DII et DIII. Elles explorent l'activité cardiaque dans le plan frontal. Les trois électrodes sont placées respectivement : au bras droit pour R, au bras gauche pour L et à la jambe gauche pour F (Fig. 1.5). Ce système de référence est schématisé par un triangle équilatéral dit triangle d'Einthoven, dont les sommets représentent les localisations des électrodes (Fig. 1.6). On considère que tous les vecteurs résultants instantanés ont pour origine commune le centre du triangle équilatéral et on recueille leurs projections sur les côtés de ce triangle en mesurant les différences de potentiel entre ses sommets.



Fig. 1.5. Disposition des électrodes des dérivations bipolaires.



Fig. 1.6. Triangle d'Einthoven.

1.5.1.2. Dérivations unipolaires des membres :

En 1934, Wilson introduit les dérivations unipolaires. Dans ce cas, on mesure la différence de potentiel entre un point de référence et chacun des points R, L et F. Dans le système, dit de Wilson, ce point de référence, appelé "borne centrale de Wilson", est virtuel, il est supposé demeurer à un potentiel invariable et de valeur pratiquement nulle.

Goldberger propose, en 1942, les "dérivations unipolaires augmentées des membres" (aVR, aVL, aVF). Celles-ci permettent d'obtenir des signaux de plus grande amplitude que ceux du système de Wilson. Ces dérivations mesurent la différence de potentiel entre chacun des trois points et le potentiel moyen des deux autres. On obtient ainsi des déflexions augmentées d'un facteur 1,5 par rapport aux dérivations de Wilson (Fig. 1.7).



Fig. 1.7. Circuit utilisé pour l'acquisition des dérivations augmentées.

1.5.1.3. Dérivations thoraciques (précordiales) :

En 1935, Kossman propose les dérivations unipolaires précordiales (V1àV6) (Fig. 1.8).

Ces six dérivations unipolaires parcourent transversalement la région précordiale antérieure et latérale gauche. Elles correspondent à la mesure de différence de potentiel entre chaque électrode et la borne centrale de Wilson.



Fig. 1.8. Position des électrodes pour les dérivations unipolaires précordiales.

<u>1.5.2. L'ECG normal :</u>

Pour l'ECG normal, les valeurs des paramètres, couramment constatées chez un adulte en bonne santé, sont présentées comme suit.

1.5.2.1. Durées des déflexions et intervalles :

Les déflexions se mesurent au moment précis où elles quittent la ligne isoélectrique jusqu'au moment où elles la retrouvent définitivement. La valeur normale de la durée des déflexions et des intervalles est la suivante:

- Onde P : inférieure ou égale à 0.11 s ;
- Onde Q : inférieure à 0.04 s;
- Complexe QRS : inférieure à 0.1 s ; habituellement entre 0.06 et 0.08 s ;
- Intervalle PR : entre 0.12 et 0.2 s ; sa durée varie inversement par rapport à la fréquence cardiaque ;
- Intervalle QT : varie de la même façon que la fréquence cardiaque ;

- Onde T : sa durée moyenne est de 0.2 s.

1.5.2.2. Amplitude des déflexions :

Le voltage des déflexions positives (négatives) se mesure du bord supérieur (inférieur) de la ligne isoélectrique jusqu'au sommet de l'onde positive (négative) :

- Onde P : inférieure à 2.5 mm en DII ; inférieure à 2 mm en V1 et V2 ;

- Complexe QRS : on résume les amplitudes comme suit :

Plan frontal	Plan horizontal
R (DI) < 1,5 mV	$R(V1) \le 0.5 \text{ mV}$
R (DII) < 2,3 mV	$R (V6) \le 2,5 \text{ mV}$
R (DIII) < 1,8 mV	$R(V1) \le 2.0 \text{ mV}$
R (aVL) < 1,2 mV	$R (V2) \le 2,5 \text{ mV}$
R (aVL) < 1,2 mV	

Le rapport R/S doit rester :

< 1 en V1 et V2

< 2 en V6

Onde Q : inférieure à 3 mm en V5 et V6 et, généralement, inférieure à 25% de l'onde R qui la suit quelle que soit la dérivation ;

- Onde T : inférieure à 5 mm en V6.

1.5.3. Tracé Holter :

En pratique, la durée de l'ECG à 12 dérivations peut varier de quelques secondes à quelques minutes. Il permet le diagnostic et la localisation précise de certaines pathologies qui laissent des traces permanentes comme, par exemple, des zones du myocarde déficientes à la suite d'un infarctus. En revanche, la courte durée de cet examen est un obstacle à la détection systématique de pathologies qui apparaissent de manière sporadique, comme certains troubles du rythme par exemple. C'est pourquoi, Norman Holter proposa, au début des années 60, un appareil "portatif" permettant d'enregistrer l'activité cardiaque pendant plusieurs heures ; cet archivage constitue ce que l'on appelle "l'examen Holter" [4]. L'enregistreur

14

Holter se présente sous la forme d'un petit boîtier auquel sont reliées sept électrodes, permettant ainsi l'enregistrement sur 2 ou 3 dérivations (2 frontales et 1 transversale). Le patient se fait poser l'appareil chez un cardiologue et retourne ensuite à ses occupations habituelles. 24 heures plus tard, il revient chez le cardiologue pour se faire enlever l'appareil qui a en mémoire 24 heures d'enregistrements ECG effectués tandis que le patient a vécu une journée normale. Les résultats issus de l'analyse des quelques 100000 battements que compte l'enregistrement permettent ainsi de diagnostiquer une plus grande gamme de pathologies.

En outre, la longueur de l'enregistrement autorise par exemple le suivi du rythme cardiaque durant les phases diurne et nocturne. L'examen Holter est de plus en plus prescrit ; depuis quelque temps, la communauté des cardiologues commence à envisager des enregistrementsHolter de très longues durées : 1 mois par exemple, ce qui correspond à plus de 2 millions de battements enregistrés.

1.5.4. Artefacts visibles sur l'ECG :

Les artefacts désignent tout signal indésirable enregistré simultanément avec l'ECG par les électrodes. Ce sont des évènements indésirables pouvant brouiller le tracé et, parfois, induire en erreur le diagnostic final. Ces bruits sont reconnaissables par l'œil expérimenté qui les identifie avant d'effectuer son diagnostic. Ils peuvent avoir des origines diverses :

mouvements du patient, mauvaise technique de l'opérateur, des défauts mécaniques de l'appareil. Les artefacts les plus courants sont :

- Artefacts de mouvement : ce sont des changements transitoires de la ligne isoélectrique (ligne de base) suscités par l'impédance entre l'électrode et la peau.

- Contractions musculaires : ces bruits sont dus à l'activité électrique des muscles. L'aspect, le plus courant sur l'ECG, est une oscillation à haute fréquence liée à la tension musculaire du patient, qui n'est pas convenablement détendu, mais qui peut noyer les ondes P et T et empêcher, ainsi, un diagnostic fiable (Fig. 1.9).

- Mauvais contact électrode-peau : c'est un trouble dû à un mauvais contact entre l'électrode et la peau ; ce qui provoque, sur le tracé ECG, des sauts brusques de la ligne de base.

- Bruit respiratoire : lors de l'enregistrement de l'électrocardiogramme, l'activité respiratoire peut faire osciller la ligne de base de l'ECG à basse fréquence et à un

rythme régulier (Fig. 1.10).

- Bruit dû au secteur : le réseau de distribution électrique peut parfois brouiller le signal électrocardiographique avec une onde dont l'harmonique principale est à 50 Hz. Ce type de bruit apparaît sur tout l'enregistrement et peut être assez fort mais il s'élimine facilement avec un filtre sélectif car c'est un bruit haute fréquence à bande étroite (Fig.1.11).

D'autres artefacts, moins fréquents, peuvent provenir de la saturation des instruments de mesure, du mauvais déroulement du support magnétique, d'une position incorrecte des électrodes (déformation de l'amplitude), d'une mauvaise connexion entre les fils conducteurs et les électrodes (inversion du schéma de l'électrocardiogramme), ainsi que de certaines maladies généralisées.

1.6. Troubles du rythme et de la conduction cardiaque :

Les dysfonctionnements du cœur peuvent avoir différentes origines et conséquences. Ils sont dus à une anomalie de la génération de l'excitation cardiaque ou à des anomalies de la conduction de cette excitation [1-2]. L'ECG est le meilleur outil pour diagnostiquer ces pathologies. Dans l'analyse de l'ECG, les pathologies ou anomalies sont détectées et classées en fonction de leur déviation par rapport au rythme normal qu'est le rythme sinusal. Chaque déviation visible sur l'ECG peut être attribuée à une anomalie physiologique.



Fig. 1.9. Signal ECG avec bruit musculaire.



Fig. 1.10. Signal ECG avec mouvements de la ligne de base.



Fig. 1.11. Signal ECG perturbé par le secteur (50 Hz).

Ainsi, les blocs cardiaques sont dus à un défaut de conduction de l'onde de dépolarisation à travers le myocarde et les arythmies sont générées par un foyer ectopique prenant le relais ou supplantant le nœud sinusal. Ces pathologies ne sont pas exclusives, un patient peut être atteint d'arythmies et de blocs cardiaques.

- Blocs cardiaques : ils sont dus à une rupture de conduction du myocarde différencié qui altère la dépolarisation du myocarde. Ces ruptures peuvent être plus ou moins sévères :freinantes (allongement du temps de parcours),

intermittentes (un stimulus sur 2 ou 3 est conduit) ou complète (aucune

conduction). On peut citer : le bloc sino-auriculaire (bloc SA), les blocs auriculoventriculaires (BAV) et les blocs de branche qui sont dus au blocage de la dépolarisation dans une des branches du faisceau de His. Un bloc dans l'une ou l'autre branche provoque un retard dans la dépolarisation du ventricule auquel elle appartient. La dépolarisation des ventricules est désynchronisée et le complexe QRS est élargi.

- Arythmies : elles relèvent de l'entrée en jeu d'un foyer ectopique qui se situe dans n'importe quelle portion du cœur et dont la localisation peut être auriculaire, jonctionnelle (entre oreillettes et ventricules) ou ventriculaire. On peut mentionner les arythmies supraventriculaires : tachycardie supraventriculaire (TSV), fibrillation auriculaire (FA) et les arythmies ventriculaires : arythmie extrasystolique, tachycardies ventriculaires (TV) et fibrillation ventriculaire (FV) qui est la cause principale de mort subite à cause des contractions complètement anarchiques des ventricules aboutissant très rapidement à une inefficacité cardiocirculatoire qui est mortelle en l'absence de manœuvres de réanimation(Fig. 1.12).



Fig. 1.12. Fibrillation ventriculaire.

1.7. Conclusion :

Dans ce chapitre, on a exposé la construction anatomique et le fonctionnement de cœur, élément central du système cardiovasculaire, qui permet l'alimentation en oxygène et en nutriments des organes. Composé, principalement, de quatre cavités : deux oreillettes et deux ventricules, leurs contractions successives peuvent être suivies depuis la surface du corps par des électrodes, collées à la peau, qui mesurent l'activité électrique des fibres musculaires cardiaques. Cet examen non invasif s'appelle l'électrocardiogramme (ECG) quand il est effectué pendant quelques minutes à l'hôpital, et l'examen Holter lorsqu'il est effectué sur 24 heures. L'analyse de ces enregistrements permet, à elle seule, de diagnostiquer un grand nombre de pathologies et de les localiser.

Outil de traitement

2.1. Introduction :

La transformée de Fourier (1822) représente une référence inévitable pour toute application ayant trait au domaine du traitement du signal. Elle permet d'explorer la composition fréquentielle du signal et par ses propriétés de lui appliquer des opérateurs de filtrage. Très tôt dans l'histoire du traitement du signal, il est apparu que cette décomposition de Fourier n'était pas toujours satisfaisante dans le cas de signaux non stationnaires notamment. La première transformation en ondelettes (le nom n'est pas encore utilisé) est proposée par Haar 1910. La transformée en ondelettes remplace la sinusoïde de la transformée de Fourier par une famille de translations et dilatations d'une même fonction, l'ondelette. Les paramètres de translation et de dilatation permettent de localiser l'information dans un signal en la représentant à différents niveaux de détails allant d'une approximation grossière et globale à des représentations plus précises et plus localisées [5,6]. En ce chapitre, on propose un tour d'horizon qui se concentre sur les ondelettes et leurs applications en privilégiant les aspects liés au traitement du signal.

<u>2.2. Transformée de Fourier :</u>

Les formules d'analyse et de synthèse de la transformée de Fourier pour un signal x(t) sont données par :

Analyse :
$$X(w) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) \exp(-jwt) dt \dots (2.1)$$

Synthèse :
$$x(t) = \frac{1}{2p} \int_{-\infty}^{+\infty} X(w) \exp(jwt) dw \dots (2.2).$$

L'analyse de Fourier propose un spectre du signal dans le domaine fréquentiel.Les intégrations sont faites de moins l'infini à plus l'infini, et les aspects temporels de x(t) disparaissent dans X (w). Les parties transitoires des signaux sont quasiment impossibles à détecter à l'aide de X (w). La première solution qui vient naturellement à l'esprit est de limiter le domaine d'intégration temporel à l'aide d'une fonction "fenêtre" que l'on pourra glisser

pour localiser l'information dans le signal ; on obtient ainsi la transformée de Fourier à fenêtre glissante (TFFG) [5-6] :

$$X(t,w) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)g(t-t)\exp(-jwt)dt \dots (2.3)$$

Où x est le signal à analyser et g une fonction "fenêtre" appropriée centrée sur t. En fait, cette intégrale effectue le calcul de la transformée de Fourier de la portion du signal x(.) g (.-t) à t fixé, ses coefficients indiquent la valeur de la fréquence f du signal x(t) à l'instant t. Malgré cela, ces derniers ne peuvent décrire le contenu du signal strictement à l'instant t et à la fréquence f, car la fenêtre d'analyse g(t-t) est caractérisée par sa localisation en temps (mesurée par Δt) et sa localisation en fréquence (mesurée par Δf). Une localisation temps fréquence idéale, infiniment précise ($\Delta t = 0$ et $\Delta f = 0$) est interdite par le principe d'incertitude d'Heisenberg [7], qui stipule que la résolution conjointe temps-fréquence est bornée inférieurement :

$$\Delta t \cdot \Delta f \ge \frac{1}{4p} \dots \dots (2.4)$$

Gabor [6] a montré que seules les fenêtres dont l'enveloppe est gaussienne, qui porte le nomde gaborettes, vérifient l'égalité :

$$\Delta t \cdot \Delta f = \frac{1}{4p} \tag{2.5}$$

L'espace de représentation, appelé plan temps-fréquence, est donc pavé de cellules élémentaires dont la forme ne varie ni avec le temps ni avec la fréquence (Fig. 2.1). La résolution fréquentielle de la TFFG reste, en particulier, constante quelle que soit la fréquence analysée.

Or, cette approche n'est pas pleinement satisfaisante à cause du choix de la fenêtre utilisée (Hanning, Hamming, Gauss, ...) et plus précisément du choix de sa largeur qui va compromettre la notion de résolution (temporelle et fréquentielle) et de stationnarité du signal.

Si nous employons une fenêtre de longueur infinie, nous obtenons la TF qui donne la résolution parfaite de fréquence, mais aucune information du temps. En outre, afin d'obtenir une stationnarité, nous devons avoir une fenêtre assez étroite, dans laquelle le signal est stationnaire.



Fig. 2.1. Pavage temps-fréquence pour la transformée de Fourier à fenêtre glissante.

Plus nous rendons la fenêtre étroite plus la résolution de temps est meilleure, et plus l'hypothèse de stationnarité est meilleure, mais plus pauvre la résolution de fréquence. De ce fait, le constat qui découle de tout ceci est qu'il faut faire varier la taille de la fenêtre d'analyse pour pouvoir agir pour toute une gamme de résolutions temporelles simultanément. C'est justement le principe de la transformation en ondelettes.

2.3. Transformée en ondelettes :

La décomposition en ondelettes, ou l'analyse temps-échelle, a été développée comme une approche alternative à la TFFG pour surmonter le problème de résolution et la non stationnarité des signaux [5]. L'analyse par ondelettes est faite d'une manière semblable à l'analyse de la TFFG, en un sens, que le signalest multiplié par une fonction, ondelette (wavelet), semblable à la fonction fenêtre dans la TFFG, et la transformation est calculée séparément pour différents segments du signal dans le domaine temporel.

2.3.1. Définitions :

Soit y une fonction choisie suffisamment régulière et bien localisée. Cette fonction y est appelée ondelette si elle vérifie la condition d'admissibilité suivante [5] :

$$C_{y} = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{|\Psi(w)|^{2}}{|w|} dw \mathbf{p} + \infty$$
(2.6)

Où Ψ désigne la transformée de Fourier de y. La condition d'admissibilité implique en outre que la transformée de Fourier de l'ondelette à la fréquence du continu (pour w = 0) doit être nulle. Soit,

$$\Psi(w)_{|w=0} = 0 \tag{2.7}$$

Ceci suppose, en particulier, deux conséquences importantes :

- la première est que les ondelettes doivent posséder un spectre de type passebande,

- la seconde apparaît en réécrivant l'équation (2.7) de façon équivalente sous la forme :

$$\int_{-\infty}^{+\infty} y(t)dt = 0$$
 (2.8)

et montre que l'ondelette doit être à moyenne nulle. C'est une condition suffisante d'admissibilité. L'ondelette est donc une fonction à largeur temporelle finie (fenêtre temporelle) possédant un caractère oscillatoire. On est donc bien en présence d'une petite onde : une ondelette.

Cette condition minimale est souvent renforcée en exigeant que l'ondelette ait (m + 1) moments nuls, c'est-à-dire, vérifie l'équation :

$$\int_{-\infty}^{+\infty} t^{k} y(t) dt = 0 \quad pour \quad k = 0, ..., m$$
 (2.9)

Pour fixer les idées, disons qu'une ondelette oscille, pendant un certain temps, comme une onde. L'oscillation d'une ondelette se mesure par le nombre de moments nuls qui nous indiquent que l'information du signal peut être concentrée dans quelques coefficients d'ondelettes, cet aspect est utile dans la compression et la détection des singularités.

A partir de cette unique ondelette y (appelée ondelette mère), on construit par translation et dilatation, une famille de fonctions qui sont les atomes de base (souvent appelées ondelettes filles), elles sont de forme constante, mais de taille variable (Fig. 2.2 et 2.3) :

$$y_{a,b}(t) = \frac{1}{\sqrt{a}} y\left(\frac{t-b}{a}\right)$$
(2.10)

Avec $a \in \square^{+*}$ facteur d'échelle, $b \in \square$: paramètre de translation.



Fig. 2.2. Ondelette avec différents facteurs d'échelles (De gauche à droite : a < 1, a = 1 et a > 1).



Fig. 2.3. Ondelette avec différents facteurs de position b.

Ces fonctions définissent l'espace bidimensionnel dans lequel l'information du signal est représentée comme le plan temps-échelle [8]. Quand l'échelle augmente, le support temporel de l'ondelette croît, tandis que le support fréquentiel décroît inversement :

$$\Delta t_{y_a} = a \Delta t_y$$

$$\Delta f_{y_a} = \frac{\Delta f_y}{a}$$
(2.11)

Chaque atome se représente symboliquement sur le plan temps-fréquence, par un rectangle dont l'abscisse est l'intervalle temporel et l'ordonnée est l'intervalle fréquentiel. L'aire des rectangles qui couvrent le plan temps-échelle est ainsi préservé :

$$\Delta t_{y_a} \Delta f_{y_a} = \Delta t_y \Delta f_y \tag{2.12}$$

Mais, ceux-ci se déforment et s'allongent le long de l'axe des temps et des fréquences (Fig.2.4). Ce mécanisme représente la richesse de l'analyse tempséchelle. Il permet, à une échelle petite, de réaliser un examen temporel précis du signal correspondant aux fréquences hautes.

Bien au contraire, les basses fréquences sont scrutées avec une très forte résolution fréquentielle, mais, leurs instants d'occurrence sont moins précis.

2.3.2. Quelques propriétés :

2.3.2.1. Sélectivité en fréquence :

Dans l'analyse de Fourier, la fonction analysante est une sinusoïde de fréquence précise, et quand on la multiplie par le signal, le coefficient obtenu ne se réfère qu'à cette fréquence.

En revanche, une ondelette est constituée d'un mélange de fréquences. Les coefficients d'ondelettes se réfèrent à ce mélange de fréquences. Plus la gamme de fréquence de l'ondelette est étroite, plus l'ondelette est sélective en fréquence.

2.3.2.2. Similarité :

Toutes les ondelettes qui appartiennent à la même famille doivent être similaires, c'est à dire se déduire les unes des autres par combinaison linéaire de translations et de dilatations.



Fig. 2.4. Pavage temps fréquence pour la transformée en ondelettes pour deux facteurs d'échelle $a_2 < 1 < a_1$.

2.3.2.3. Symétrie :

On souhaite parfois que l'ondelette présente des propriétés de symétrie temporelle afin d'éviter le déphasage dans la transformée en ondelettes [9].

2.3.2.4. Orthogonalité :

Cette propriété est à l'origine de la popularité des ondelettes qui offrent des bases d'ondelettes orthogonales et non redondantes. Cela conduit à une décomposition unique [9].

2.3.2.5. Régularité :

Une ondelette doit être suffisamment régulière car c'est la principale contribution des ondelettes dans le domaine du codage. Elle agit sur la qualité de la reconstruction du signal. Une ondelette est dite régulière si elle est très lisse et on peut l'approximer localement par un polynôme. L'ordre de régularité d'une ondelette est égal au nombre de ses moments nuls [9].

2.3.2.6. Nombre de moments nuls :

Pour certaines applications, les ondelettes doivent également avoir un certain nombre de moments nuls, afin d'éliminer la partie polynomiale du signal et être ainsi plus sensible aux fluctuations les moins régulières [9].

2.3.2.7. Facteur d'échelle minimal :

Théoriquement le facteur d'échelle, a, qui est strictement positif, peut varier jusqu'à $+\infty$.

En pratique, il convient de se fixer un nombre de points de discrétisation minimum, N_{\min} , de telle sorte que les valeurs discrètes de l'ondelette soient représentatives de sa forme continue.

Soit a_{\min} le facteur d'échelle minimum, alors : $a_{\min} = N_{\min} / N$. Avec N_{\min} : nombre d'échantillons minimal de $y_a(t)$

N : Nombre d'échantillons de l'ondelette mère y(t).

2.3.2.8. Lien entre la fréquence et l'échelle :

Si f_0 est la fréquence centrale de l'ondelette mère y(t), les autres ondelettes

 $\mathbf{y}_{a,b}(t)$ oscillent à la fréquence $f = f_0 / a$. D'où l'identification: $a = f_0 / f$.

2.3.3. Transformée en ondelettes continue :

2.3.3.1. Analyse :

La transformée en ondelettes remplace la sinusoïde de la transformée de Fourier par une famille de translations et dilatations d'une même fonction, l'ondelette. Pour un signal x(t) d'énergie finie, on définit sa transformée en ondelettes continue par la fonction WT (a,b) [5] :

$$WT(a,b) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) y_{a,b}^{*}(t) dt$$
 (2.13)

Le signal x(t) est alors décrit par ses coefficients d'ondelettes WT(a,b) qui mesurent les fluctuations, à l'échelle "a", du signal x(t). L'ondelette ayant été

déplacée pour être centrée sur b, qui est le point autour duquel l'analyse se fait, "a", est le paramètre d'échelle qui décide de la finesse de l'analyse ; plus a est grand, plus $y_a(t)$ est dilatée, donc plus l'analyse se fait sur une large zone de x(t). Ainsi, de par ses propriétés de dilatation-contraction et de translation, la transformée en ondelette est caractérisée dans le plan temps-échelle par une fenêtre dont la largeur diminue lorsqu'on se focalise sur les structures de petite échelle (hautes fréquences) ou s'élargit lorsqu'on s'intéresse au comportement à grande échelle (basses fréquences). Cette capacité d'adaptation en fonction de l'échelle d'analyse lui a valu la dénomination de "microscope mathématique". On peut voir la transformée en ondelettes continue comme un produit de convolution pour une échelle "a" fixée :

$$WT(a,b) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) y_{a,b}^{*}(t) dt = x^{*} y_{a}^{*}$$
(2.14)
$$y_{a}^{*}(t) = \frac{1}{\sqrt{a}} y^{*} \left(-\frac{1}{a}\right)$$
(2.15)

Comme y(0) = 0 (car y est de moyenne nulle), on peut interpréter $\Psi(w)$ comme la fonction de transfert d'un filtre passe-bande. En utilisant les propriétés de translation et de changement d'échelle de la transformation de Fourier, la transformée de Fourier de $y_a(t)$ peut s'écrire

$$\Psi_a(w) = \sqrt{a}\Psi(aw) \tag{2.16}$$

Par conséquent, la convolution (2.14) calcule la transformée en ondelettes d'un signal x(t) avec des filtres passe-bande dilatés.

2.3.3.2. Reconstruction :

La condition d'admissibilité donnée par l'équation (2.6) garantit la possibilité de calculer la transformée inverse. En effet, de même que pour la transformée de Fourier et la transformée de Fourier à fenêtre glissante, on dispose, sous certaines conditions, d'une formule inverse pour la transformée en ondelettes [31]. La formule de reconstruction est donnée par :

$$x(t) = \frac{1}{C_y} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} WT(a,b) y_{a,b}(t) \frac{dadb}{a^2}$$
(2.17)

Cette possibilité reste théorique car le calcul n'est possible que numériquement et sa convergence peut-être très lente.

2.3.4. Transformée en ondelettes discrète :

La transformation en ondelettes continue est, en théorie, infiniment redondante puisque l'ondelette est translatée de manière continue. Morlet [6] a proposé de créer des bases de fonctions construites sur le modèle suivant :

$$\mathbf{y}_{j,k}(t) = a_0^{\frac{-j}{2}} \mathbf{y}(a_0^{-j}t - kb_0)$$
(2.18)

Avec $a_0 \mathbf{f} \mathbf{1}$ et $b_0 \mathbf{f} \mathbf{1}$ fixés et $j, k \in \Box$. Cette discrétisation attribue des valeurs à l'échelle a sur une échelle géométrique avec des paramètres de translation qui lui sont proportionnels :

$$a = a_0^j \quad et \quad b = k \, b_0 a_0^j$$
 (2.19)

Une gamme d'échelles couramment utilisées est la gamme dyadique, soit $a_0 = 2 \text{ et } b_0 = 1$. On obtient, ainsi, des familles constituées des fonctions de la forme :

$$y_{j,k}(t) = 2^{-j/2} y(2^{-j}t - k)$$
(2.20)

Cependant, on trouve, très souvent dans la littérature, une transformée en ondelettes dyadique où seul le paramètre d'échelle est échantillonné selon une suite dyadique $\{2^j\} j \in \Box$, et le paramètre b reste une variable continue [5].

Une telle transformée, pour un signal x(t), peut s'écrire en utilisant l'équation (2.14) :

$$WT(2^{j},b) = \frac{1}{\sqrt{2^{j}}} \int_{-\infty}^{+\infty} x(t) y^{*}\left(\frac{t-b}{2^{j}}\right) dt \qquad (2.21)$$

2.3.5. Transformée en ondelettes orthogonale :

On cherche à représenter un signal x(t) par un ensemble de coefficients obtenus par projection de x sur une base orthogonale. Mallat [5] a mis en avant une certaine catégorie de décompositions en ondelettes discrètes qui peuvent être réalisées numériquement en un temps très court par une transformation en ondelettes rapide basée sur la notion d'Analyse Multi-Résolution (AMR) [10]. Cette analyse utilise des bases orthonormées d'ondelettes, ce qui réduit la redondance à néant. On peut se limiter au calcul de la transformée en ondelette sur un maillage discret du plan temps-échelle appelé grille dyadique
$(a = 2^{j}, j \in \Box)$.Du point de vue pratique, on introduit, dans l'AMR, une nouvelle fonction j(t), associée à l'ondelette mère, dite "père" ou "fonction d'échelle" de moyenne unitaire et qui présente, dans le domaine de Fourier, un spectre du type passe-bas. On définit les translatés et dilatés de la fonction d'échelle par :

$$j_{j,n}(t) = \frac{1}{\sqrt{2^{j}}} j (2^{j} t - n)$$
(2.22)

Cette fonction est telle que :

$$\langle j_{j,n}, \mathbf{y}_{j,n} \rangle = 0 \text{ et } \langle j_{j,n}, j_{j,n} \rangle = d_{n,n} = \begin{cases} 1 & \text{si} & n = n \\ 0 & \text{si} & n \neq n \end{cases}, \forall n, n' \quad (2.23)$$

ce qui révèle des propriétés d'orthogonalité avec ses translatées et avec l'ondelette associée.

Cependant, et dans ce cas là, on peut transformer un signal en ondelettes sans ondelettes ni fonction d'échelle, on n'a besoin que de filtres discrets. Ils sont caractéristiques de l'ondelette et de sa fonction d'échelle et la recherche de l'ondelette se ramène à la recherche de filtres. On réalise avec ces filtres complémentaires (passe bas et passe haut) des produits de convolution avec le signal. Le cadre d'analyse de ces ondelettes, qui s'expriment à l'aide de filtres discrets, est considérablement développé, et nous disposons de tout un jeu de théorèmes reliant les propriétés des ondelettes et celles des filtres discrets [5]. En définitive, la transformée en ondelette discrète peut être orthogonale ou biorthogonale.

2.3.6. Maxima du module de la transformée en ondelettes :

La plupart des méthodes basées sur la transformée en ondelettes sont fondées sur le travail de Mallat [5,11] de détection des singularités utilisant les maxima locaux des coefficients en ondelettes issus de la décomposition d'un signal donné. Souvent, ce sont les singularités d'un signal qui contiennent le plus d'informations. Le calcul de la transformée en ondelettes permet de trouver leurs positions exactes. Un maximum local (resp. minimum) est un point en lequel une fonction f est plus grande (resp. plus petite) que ses voisins, ce qui peut se traduire mathématiquement par la définition suivante [12] : une fonction f est localement maximum (resp. minimum) en $x_0 \in I$ s'il existe $V \subset I$, un voisinage de x_0 , tel que $f(x_0) \ge f(x)$, (resp. $f(x_0) \le f(x)$ pour tout x dans V (Fig. 2.5).



Fig. 2.5. Maximum local, minimum local et point d'inflexion.

En module, l'expression maxima locaux s'explique par les modules max et désigne, le plussouvent, les "maxima du module" de la transformée en ondelettes.

2.3.7. Scalogramme :

Afin de permettre une interprétation graphique aisée, on définit la fonction $|WT(a,b)|^2$, appelée scalogramme (module au carré des coefficients ondelettes). Elle représente la densité d'énergie du signal pour chaque échelle a et position b [7]. Ainsi, la visualisation sous forme de carte d'énergie ou carte temps-échelle se fait par le calcul de cette grandeur dans le plan temps-échelle. Les coefficients en ondelettes sont colorés suivant un code défini.

2.4. Familles d'ondelettes :

L'analyse en ondelettes, contrairement à l'analyse de Fourier, permet une liberté supplémentaire puisque le choix des atomes de la transformée, déduits de l'ondelette analysante, est laissé à l'utilisateur. En outre, on peut préférer la transformée continue à la transformée discrète si la redondance peut être mise à profit pour analyser le signal. On fait le choix contraire si une compression du signal est souhaitée. Dans ce second cas, on doit se restreindre aux ondelettes à filtres alors que, dans le premier cas, n'importe quelle fonction d'intégrale nulle convient. Il y a plusieurs types et familles d'ondelettes dont les propriétés diffèrent selon les principaux critères suivants [6] :

- l'existence de la fonction d'échelle j donc de filtres associés à l'ondelette ;

- l'orthogonalité ou la biorthogonalité de l'analyse qui en résulte ;

- le support des fonctions $y(t)et\Psi(w)$ et la vitesse de convergence vers 0 quand le temps t ou la fréquence w tend vers l'infini, qui quantifient respectivement la localisation en temps et en fréquence de l'ondelette ; - la symétrie, qui est utile pour éviter le déphasage ;

- le nombre de moments nuls de y ou dej, qui permet de concentrer l'information du signal dans quelques coefficients, ce qui est très utile pour la compression ;

- la régularité, qui est utile pour obtenir des images et des signauxreconstruits lisses et réguliers.

2.4.1. Tableaux synoptiques des familles usuelles :

Avant de détailler quelques familles d'ondelettes usuelles, nous dressons dans le tableau 2.1 leur liste avec des noms courts associés afin de faciliter la lecture [34]. Le tableau 2.2 regroupe ces familles d'ondelettes suivant diverses propriétés essentielles : existence de filtres associés, orthogonalité ou biorthogonalité, support compact ou non, ondelettes réelles ou complexes [6].

Nom de familles d'ondelettes	Nom court		
Ondelette de Haar	haar		
Ondelettes de Daubechies	db		
Symlets	sym		
Coiflets	coif		
Ondelettes biorthogonales	bior		
Ondelette de Meyer	meyr		
Ondelettes de Battle et Lemarié	btlm		
Ondelettes gaussiennes	gaus		
Chapeau mexicain	mexh		
Ondelette de Morlet	morl		
Ondelettes gaussiennes complexes	сдаи		
Ondelettes de Shannon complexes	shan		
Ondelettes B-splines fréquentielles	fbsp		
complexes			
Ondelettes de Morlet complexes	cmor		

Tableau 2.1. Liste des familles d'ondelettes.

Analyse discrète		Analyse continue		
Ondelettes à filtres		Ondelettes sans filtres		
Support	compact	Support non compact	Réelles	Complexes
Orthogonales	Biorthogonales	Orthogonales	gaus, mexh	cgau, shan,
db, haar, sym, coif	bior	meyr, btlm	morl	fbsp, cmor

Tableau 2.2. Principales propriétés des familles d'ondelettes

2.4.2. Ondelettes sans filtres, réelles :

Dans certaines situations, les capacités d'analyse fine et locale des fonctions requièrent des analyses redondantes en temps et en échelle. C'est pourquoi on s'affranchit de l'exigence d'engendrer des bases et on s'intéresse à des ondelettes qui vérifient des conditions d'admissibilité. Ces ondelettes n'ont pas de fonction d'échelle associée et donc pas de filtres mais présentent l'avantage de posséder une formule explicite de définition. On en donne ici quelques exemples.

2.4.2.1. Chapeau mexicain : mexh :

C'est une fonction qui est proportionnelle à la dérivée seconde de la fonction gaussienne :

$$y(t) = \left(\frac{2}{\sqrt{3}}p^{-0.25}\right)(1-t)e^{-t^2/2}$$
(2.24)

Elle oscille très peu comme on peut le voir sur son graphe représenté dans la figure 2.6. Elle est symétrique, ce qui permet de ne pas introduire de déphasage dans la transformée en ondelettes. Elle est particulièrement adaptée à la détection des discontinuités.



Fig. 2.6. Ondelette chapeau mexicain : mexh.

2.4.2.2. Ondelette de Morlet : morl :

Cette fonction ne vérifie qu'approximativement la condition d'admissibilité, elle est pourtant classique et est définie par :

$$\mathbf{y}(t) = Ce^{-t^2/2} .\cos(5t) \tag{2.25}$$

où C est une constante de normalisation pour la reconstruction. Son graphe est représenté dans la figure 2.7. Elle oscille beaucoup plus que le chapeau mexicain.



Fig. 2.7. Ondelette de Morlet : morl.

2.4.2.3. Ondelettes gaussiennes : gausN :

C'est la généralisation du chapeau mexicain en introduisant la famille à un paramètre des dérivées de la gaussienne. On part de :

$$f(t) = C_{p} e^{-t^{2}}$$
 (2.26)

et on considère la dérivée d'ordre p de f, en fixant Cp de sorte que :

$$\left\|f^{(p)}\right\|^2 = 1 \tag{2.27}$$

Le graphe de la dérivée 8ème de la gaussienne est présenté dans la figure 2.8.



Fig. 2.8. Ondelette dérivée huitième d'une fonction gaussienne : gaus8.

2.4.3. Ondelettes sans filtres, complexes :

Pour l'analyse de signal, il est parfois préférable d'utiliser des ondelettes à valeurs complexes, dans la mesure où l'on peut ainsi étudier séparément le module des coefficients d'ondelettes, qui donne la densité d'énergie en espace et en échelles, et leur phase qui détecte les singularités du signal quelque soit leur type.

2.4.3.1. Ondelettes gaussiennes complexes : cgauN :

On peut étendre la famille réelle à un paramètre des dérivées de la gaussienne au cas complexe. On part de :

$$f(t) = C_{p} e^{-t^{2}} \cdot e^{-jt}$$
(2.28)

et on considère, comme ci-dessus, la dérivée d'ordre N de f. Voici les parties, réelle, imaginaire, module et la phase de cette famille pour N = 8 (Fig. 2.9).



Fig. 2.9. Ondelette dérivée huitième d'une fonction gaussienne complexe :

cgau8.

La partie réelle de l'ondelette coïncide avec l'ondelette réelle correspondante, à une constante de normalisation près.

2.4.3.2. Ondelettes de Morlet complexes : cmorNb-Nc :

Une ondelette de Morlet complexe est définie par :

$$\mathbf{y}(t) = \frac{1}{\sqrt{p f_b}} e^{j 2 p f_c t} . e^{-t^2 / f_b}$$
(2.29)

Elle dépend de deux paramètres : f_b est un paramètre de fenêtre désigné par N_b dans le nom court et f_c la fréquence d'oscillation de l'ondelette désignée par N_c . La figure 2.10 présente les parties réelle et imaginaire ainsi que le module et la phase de cette ondelette pour $N_b = 1,5$ et $N_c = 1$



Fig. 2.10. Ondelette de Morlet complexe associée à Nb = 1,5 et Nc = 1:cmor1.5-1.

2.4.3.3. Ondelettes B-splines fréquentielles complexes : *fbspNm-Nb-Nc* : Une ondelette B-spline fréquentielle complexe est définie par :

$$\mathbf{y}(t) = \sqrt{\frac{f_b}{m}} \left(\sin c \left(\frac{\mathbf{p} f_b t}{m} \right) \right)^m \cdot e^{j 2 p f_c t}$$
(2.30)

et dépend de trois paramètres : l'ordre de l'ondelette donné par un entier $N_m = m \mathbf{f} \mathbf{1}, N_b = f_b$ est un paramètre de fenêtre et $N_c = f_c$ la fréquence d'oscillation de l'ondelette. On trouve dans la figure 2.11 les parties réelle et imaginaire ainsi que le module et la phase de cette ondelette pour $N_m = 2$, $N_b = 1$ et $N_c = 0.5$. Signalons enfin que lorsque l'on fixe m = 1, on obtient une famille d'ondelettes à deux paramètres, appelées les ondelettes de Shannon.



Fig. 2.11. Ondelette B-spline fréquentielle complexe associée à $N_m = 2$, $N_b = 1$ et $N_c = 0.5$: fbsp2-1-0.5.

2.4.4. Ondelettes orthogonales à support compact :

Dans ce cas, une fonction, appelée fonction échelle et notée j, est associée à y on la dilate et translate comme y. Ces ondelettes permettent des décompositions discrètes à l'aide d'algorithme rapide engendrant de ce fait des bases orthogonales. Elles sont définies directement par leurs filtres associés. Ainsi, l'ondelette n'est pas directement accessible puisque aucune formule analytique ne la définit.

2.4.4.1. Ondelettes de Daubechies : *dbN* :

Cette famille d'ondelettes est la première permettant de manipuler des ondelettes orthogonales à support compact de régularité arbitraire. On dira que N est l'ordre de l'ondelette dbN. Pour N = 1, db1 est appelée ondelette de Haar, c'est la plus simple et la plus ancienne des ondelettes. Elle est discontinue et ressemble à un échelon (Fig. 2.12). Elle est bien localisée en espace, mais, en contrepartie, elle est discontinue et sa transformée de Fourier oscille beaucoup donnant une mauvaise localisation en fréquence. Elle est définie par :

$$\mathbf{y}(t) = \begin{cases} 1 & 0 \le t \le 0.5 \\ -1 & 0.5 \le t \le 1 \\ 0 & \sin on \end{cases}$$
(2.31)

La fonction d'échelle associée est la fonction échelon :



Fig. 2.12. Fonction d'échelle (à gauche) et ondelette (à droite) de Haar : haar.

Hormis *db1*, les ondelettes de cette famille n'ont pas d'expression explicite et sont asymétriques. Cependant, leur régularité augmente avec l'ordre et permettent une analyse orthogonale. Les ondelettes de cette famille pour les ordres 2, 3, 4 et 5 sont présentées dans la figure 2.13.



Fig. 2.13. Ondelettes de Daubechies : *dbN*.

2.4.4.2. Les Symlets : *symN* :

Proposées par I. Daubechies en modifiant la construction des *dbN*, les symlets constituent une famille d'ondelettes presque symétriques. A part la symétrie, les autres propriétés des deux familles sont similaires. Les symlets d'ordre 2 et 3 sont représentées dans la figure 2.14.



Fig. 2.14. Les symlets : symN.

2.4.4.3. Les Coiflets : *coifN* :

Construites par I. Daubechies sur la demande de R. Coifman, les coiflets constituent une famille d'ondelettes possédant une propriété inhabituelle : la fonction d'échelle j associée possède 2N-1 moments nuls. Les coiflets d'ordre 1 et 2 sont représentées à la figure 2.15.



Fig. 2.15. Les coiflets : *coifN*.

Comme on peut le voir, les coiflets sont bien plus symétriques que les ondelettes de Daubechies *dbN*.

2.4.5. Ondelettes biorthogonales à support compact : biorNrNd :

Les ondelettes biorthogonales étendent les familles d'ondelettes orthogonales. Dans ce cas, deux ondelettes sont introduites : la première pour la décomposition et la deuxième pour la reconstruction du signal. La figure 2.16 présente les ondelettes *bior1.3* et *bior2.4*. Les paramètres *Nr* et *Nd* représentent le nombre de moments nuls de la première et la deuxième ondelette respectivement.



Fig. 2.16. Ondelettes biorthogonales : biorNrNd.

2.4.6. Ondelettes orthogonales à support non compact :

2.4.6.1. Ondelette de Meyer : meyr :

C'est l'une des premières ondelettes. Il s'agit d'une ondelette orthogonale indéfiniment dérivable mais elle n'est pas à support compact, néanmoins, elle converge rapidement vers 0 à l'infini. De plus, elle est indéfiniment dérivable avec la même propriété de décroissance rapide pour ses dérivées (Fig. 2.17).



Fig. 2.17. Ondelette de Meyer : meyr.

2.4.7. Choix de l'ondelette :

Le choix de l'ondelette adaptée n'est pas aisé. Il convient de bien cerner le problème à étudier et d'identifier le type de transformée à utiliser (continue ou discrète). En analyse d'image, il est souvent utile d'avoir une certaine redondance pour avoir plus d'informations.

L'utilisation de la transformée en ondelettes continue est alors conseillée. Pour une analyse multirésolution, on préférera une base d'ondelettes orthonormale et si on veut un calcul exact, alors les ondelettes à support compact sont indiquées. On peut également avoir besoin d'une ondelette indéfiniment dérivable, il faudra alors utiliser une des ondelettes de Meyer. Pour détecter les frontières, on préférera des ondelettes symétriques. On voit donc qu'on ne peut parler d'une ondelette idéale adaptée à tous les cas. A chaque cas particulier correspond une ondelette particulière adaptée. Cependant, le choix est guidé par diverses considérations incluant, en particulier, une base physique ou à défaut la ressemblance entre le signal analysé et la famille d'ondelettes choisie.

2.5. Introduction aux Ondelettes Fractionnaires :

2.5.1. Introduction :

La fonction de *Cole-Cole* est largement utilisée dans la modélisation mathématique des diélectriques. Elle représente la distribution des temps de relaxation dans l'approximation du pôle à puissance fractionnaire (PPF) [13]. Ces ondelettes fractionnaires sont conçues par une simple dérivation de la distribution de *Cole-Cole*. Après une exposition des différentes ondelettes fractionnaires construites et pour illustrer leurs facultés et propriétés, on proposera une analyse continue par transformée en ondelettes de quelques types de signaux. En effet, à l'inverse de ce qui se passe pour les séries de Fourier, les coefficients d'une transformée en ondelettes traduisent de façon simple, précise et fidèle les propriétés des signaux, du moins les propriétés qui correspondent à une discontinuité, une singularité, bref à un événement imprévu.

2.5.2. Modeler et construire une ondelette :

Le choix des ondelettes mères est un problème important, car Il n'y a pas d'ondelette adaptée à tous les cas. Pour certaines applications, il arrive que l'on ne trouve pas, parmi les ondelettes connues, une ondelette convenable. Il est alors naturel d'essayer de construire une nouvelle ondelette adaptée au problème spécifique à traiter. Ce problème ne présente pas une grande difficulté, surtout pour le cas continu, car les conditions requises pour obtenir de telles ondelettes sont relativement faibles, presque n'importe quelle fonction d'intégrale nulle peut convenir (Eq. 2.8). Prenons l'exemple de la gaussienne où toutes ses dérivées (*gausN*) satisfont la condition suffisante d'admissibilité et peuvent être considérées comme des ondelettes [6]. Dans notre travail, on part de la distribution de *Cole-Cole* donnée par [13,14] :

$$g(t) = \frac{1}{2p} \left[\frac{\sin(1-m)p}{\cosh(mt) - \cos(1-m)p} \right]$$
(2.32)

Où 0 < m < 1 : est l'ordre du système fractionnaire donné dans l'égalité :

$$H(s) = \frac{1}{1 + (st_0)^m} = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{g(t)}{1 + st} dt$$
 (2.33)

Avec : s = jw est la fréquence complexe. Cette fonction irrationnelle est également la fonction de transfert de l'équation différentielle linéaire fondamentale d'ordre fractionnaire, 0 < m < 1, donnée par [15] :

$$(t)^{m} \frac{d^{m} x(t)}{dt^{m}} + x(t) = e(t)$$
(2.34)

Dans ce contexte, le paramètre m est utilisé pour modifier la forme de la distribution de *Cole-Cole* (Fig. 2.18), et donc des ondelettes associées. La fonction de *Cole-Cole* n'est pas à moyenne nulle, mais ses dérivées, en revanche, le sont. Elles vérifient donc la condition d'admissibilité (Eq. 2.8) et sont, donc, toutes des ondelettes. De plus, pour l'analyse du signal, on peut extraire des ondelettes à valeurs complexes de cette même fonction, dans la mesure où l'on peut ainsi étudier séparément le module, les parties réelles et imaginaires des coefficients d'ondelettes et la phase, pour la détection des singularités et des passages par zéro(zero-crossings) [11,16]. En effet, comme les signaux traités sont réels et l'ondelette est à valeurs complexes, les coefficients d'ondelettes obtenus seront à valeurs complexes.

2.5.3. Ondelettes fractionnaires réelles : coleN :

De manière similaire aux ondelettes issues de la fonction gaussienne, on s'intéresse à la construction d'ondelettes réelles par une méthode directe basée sur une simple dérivation de la distribution de *Cole-Cole* :

$$Y_n(t) = \frac{d^n g(t)}{dt^n}$$
(2.35)

On a appelé ces ondelettes "coleN", où N est l'ordre de la dérivée. Ces différentes dérivées (1ère, 2ème, 3ème, ...) satisfont bien la condition d'admissibilité. La fonction de *Cole-Cole* est ses trois premières dérivées sont représentées sur la figure 2.19 pour m = 0,7. La transformée de Fourier des ondelettes est déduite de celle de *Cole-Cole*, G (w), selon l'équation :

$$\Psi_n(w) = (jw)^n G(w) \tag{2.36}$$



Fig. 2.18. Distribution de Cole-Colepour différentes valeurs de m.



Fig. 2.19. (a) Fonction de Cole-Cole. (b), (c) et (d) ondelettes cole1, cole2 et

cole3

(Dérivées 1^{eme} , 2^{eme} , 3^{eme} respectivement).

2.5.4. Ondelette fractionnaire complexe : ccol :

Désignée par "*ccol*", cette ondelette fractionnaire complexe est construite en modulant une exponentielle complexe par une enveloppe représentant la fonction de *Cole-Cole* :

$$\mathbf{y}(t) = g(t) \exp(j2\mathbf{p} f_c t) \tag{2.37}$$

La fréquence f_c est la fréquence d'oscillation de l'ondelette. De la même manière, sa transformée de Fourier est aisément déduite de celle de *Cole-Cole* comme suit :

$$\Psi(w) = G(w - w_c) (2.38)$$

La figure 2.20 présente les parties réelle et imaginaire ainsi que le module et la phase de cette ondelette pour $f_c = 0.5$ et m = 0.8.



Fig. 2.20. Ondelette fractionnaire complexe de *Cole-Cole* associée à m = 0.8 et $f_c = 0.5$: *ccol*.

On peut remarquer sur la figure précédente que les parties réelle et imaginaire de cette ondelette complexe satisfassent la condition d'admissibilité et représentent effectivement des ondelettes qu'on peut utiliser dans l'analyse des signaux. De plus, on peut percevoir aussi que le maximum de la partie réelle correspond à un passage par zéro dans la partie imaginaire, et cela pourra être bénéfique dans la mesure où on peut utiliser les deux ondelettes simultanément en détection des maxima du module.

2.6. Conclusion :

Ce chapitre a sommairement présenté les bases théoriques de la transformée en ondelettes. Après avoir rappelé la transformée de Fourier, nous avons discuté de la limitation de cette dernière vis-à-vis des signaux non stationnaires. Une solution à ce problème a été introduite : la transformée de Fourier à fenêtre glissante. Mais, celle-ci n'est pas pleinement adéquate à cause du choix de la fenêtre d'analyse qui pourra compromettre la notion de résolution et de stationnarité du signal analysé. Cela nous a conduit à introduire la transformée en ondelette comme outil très performant dans l'analyse des signaux non stationnaires. Après avoir détaillé les propriétés et les caractéristiques de cette transformée, nous avons exposé une vue générale des principales ondelettes existant dans la littérature.En conclusion, la transformée d'ondelette servira de base pour élaborer un algorithme de détection des complexes QRS dans le dernier chapitre.

46

Etat d'art sur la détection des complexes QRS

3. Introduction :

L'évolution spectaculaire des outils informatiques de capacité de traitement très puissants pendant ces dernières années , a permis le développement et la conception d'une variété de détecteurs automatique du complexe QRS de nature soft , remplaçant ainsi au fur et à mesure les détecteurs hard existants à l'époque . Ces détecteurs ont une performance très élevée peuvent détecter presque à 100% les complexes QRS présents dans le signal , malgré que celui-ci est contaminé par des bruits tels que la contraction musculaire , les artefacts , 50Hz du secteur , ondes P et T, bruits respiratoires,...etc.

Il existe plusieurs approches et techniques pour la conception des logiciels de la détection automatique du complexe QRS.

3.1. Etat de l'art sur la détection du complexe QRS :

Nous présentons dans cette partie, quelques algorithmes de détection du complexe QRS. La plupart de ces détecteurs utilisent une seule voie de l'ECG .

La détection du QRS a fait l'objet de nombreux travaux depuis une trentaine d'années et continue d'être un champ de recherche très actif. On peut aussi trouver des algorithmes basés sur : 1) des filtres numériques [42], 2)des analyses temps-fréquence et ondelettes [43], 3) des transformations linéaires et non-linéaires[44], 4) des analyses statistiques (réseaus de neurones)[45], 5) des grammaires de fonction (template matching), 6) des méthodes évolutionnaires [46],7) de fusion multisource .

Parmis cet ensemble de détecteurs , l'objectif a été de constituer une base de détecteurs , et on va décrire quelques méthodes qui ont été sélectionnées selon les critères suivants :

- Ø Capacité à travailler en temps réel ;
- Ø Facilité de mise en œuvre ;
- Ø Robustesse au bruit.

3.1.1 Algorithme de détection de AF2 :

L'algorithme représenté est une adaptation du détecteur analogique de QRS de Fraden et Neuman. Il travaille sur l'amplitude et la dérivée première du signal ECG.

ALGORITHME1 :

fonction AF

Soit N le nombre d'échantillons

/* transformation : un premier seuil d'amplitude est calculé */

$$Seuil_1 = 0.15 * \max(ecg)$$

/* Les données brutes sont alors rectifiées en prenant la valeur absolue */

Pour
$$n = 0$$
 à N faire

$$Y_0(n) = |x(n)|$$

Fin pour

/* L'ECG rectifiéest en suite seuillé */

Pour chaque $n \in \{0, ..., N\}$ faire

Si $Y_0(n) \ge seuil_1 alors$

 $Y_1(n) = Y_0(n)$

Sinon

Fin si

Fin pour

/* La déivée première est calculée */

Pour n = 1 à N - 1 faire

 $Y_2(n) = Y_1(n+1) - Y_1(n-1)$

Fin pour

renvoyer Y_2

Il n'y a pas d'étage de décision ni de filtrage dans cet algorithme l'étude de Fiesen et ala montré que AF2 est très sensible au bruit basse fréquence mais particulièrement résistant au bruit électromyographique.

3.1.2Algorithme de détection de Benitz :

Cet algorithme utilise la dérivée et la transformée de Hilbert pour rehausser les QRS de l'ECG. La figure 2 montre les différentes étapes de ce détecteur.

Le filtre passe-bande est formé par un filtre à réponse impulsionnelle finie avec une fenêtre de Kaiser – Bessel . La dérivée est ensuite calculée puis les passages à zéro sont rehaussés par la transformée de Hilbert . Après le seuillage , une recherche de QRS concurrents dans une fenêtre est effectuée .Les QRS sontensuite choisis en fonction de l'intervalle RR précédent , le seuil est calculé à partir de l'échantillon d'amplitude du bruit .

Après seuillage, une recherche de QRS concurrents dans une fenêtre est effectuée.

Les QRS Concurrents de l'ECG original et en fonction de l'intervalle RR précédent.



Figure 2 : diagramme des étapes de l'algorithme Benitez et al

3.1.3Algorithme de détection deDF2 :

L'algorithme 2 présenté est une adaptation du détecteur QRS par un filtre numérique d'Okada. La dernière partie de l'algorithme représente un étage de décision réduit qui utilise une vérification de signe du signal ECG filtré pouréliminer les candidats.

algorithme de DF2

Fonction DF2

Soit N le nombre d'échantillons

/* Filtrage: L'ECGest paasé à travers un filtre moyenneur */

Pour
$$n = 1$$
 à $N - 1$ faire

 $Y_0(n) = [ecg(n-1) + 2ecg(n) + ecg(n+1)]/4$

Fin pour

/*Puis àun filtrage passe – bas numérique */

Pour $n = m \ge N - m$ faire

$$Y_1(n) = [(\frac{1}{2m+1})] \sum_{k=n-m}^{n+M} Y_0(k)$$

Fin pour

/* puis cette différence carré est filtre */

Pour $n = m \ge N - m$ faire

$$Y_3(n) = Y_2(n) \left\{ \sum_{k=n-m}^{n+m} Y_2(k) \right\}^2$$

Fin pour

/*la sortie de la transformée est ensuite calculée */

Pour chaque
$$n \in \{(m, ..., N - m)\}$$
 faire
 $Si[(Y_0(n) - Y_0(n - m)]et [Y_0(n) - Y_0(n + m)] > 0 \text{ alors}$
 $Y_4(n) = Y_3(n)$
Sinon
 $Y_4(n) = 0$
Fin si
renvoyer Y_4

3.1.4 Algorithme de détection de Gritzali :

L'algorithme de détection, développé par Gritzali, a permis de généraliser la plupart des détecteurs de QRS.

Celui-ci est basé sur l'analyse de la longueur d'un signal ECG représenté par un ou plusieurs canaux. En pratique, pour un seul canal, on choisit une fenêtre temporelle de taille q, à l'intérieur de laquelle en somme toutes les longueurs :

$$L(q,i) = \sum_{i}^{i+q} \sqrt{(1 + (x(i + retard) - x(i))^2)}$$

Sur n canaux, la fusion est obtenue en calculant la norme des longueurs en chaque point :

$$L(n,q,i) = \sum_{i=1}^{i+q} \sqrt{\sum_{k=1}^{n} (1 + (x_k(i + retard) - x_k(i))^2)}$$

3.1.5 Algorithme de détection de Kadambe :

L'algorithme de détection, développé par Kadambe s'appuie sur une ondelette de type spline. Cette transformée a la particularité de rehausser la bande spectrale du QRS tout en filtrant le signal inutile (bruit, onde P, onde S). Le filtrage, la transformation et la détection se font de manière itérative comme .Le signal ECG est analysé segment par segment. Chaque segment estmultiplié par une fenêtre de Hamming puis transformée ondelette. La transformée et d'abord faite à échelle *i* puis à l'échelle *i*+1. Un seuillage est ensuite effectué à chaque niveau.

Si le nombre de QRS est le même à chaque niveau alors la détection est considéré comme correcte sinon l'ECG est de nouveau analysé à l'échelle suivante. Une fois les QRS trouvés, l'intervalle RR est utilisé pour éliminer les dates incohérentes. Chaque segment suivant contient 75 % de l'ancien segment. Autrement dit, chaque portion de l'ECG est analysée quatre fois. Cette répétition en fait une méthode très couteuse mais permet de compenser les nombreuses non-détections due à la contrainte stricte d'égalité du nombre de QRS trouvés à chaqueéchelle.

3.1.6 Algorithme de détection de MOBD :

L'algorithme de détection , développé par Suppappola et Sun est basé surune transformation non linéaire appelée MOBD (multiplication of backward difference).

La différence de premier ordre est calculée comme suit :

$$x[k] = ecg[k] - ecg[k-1]$$

Et la transformée MOBD d'ordre N est donnée par :

$$y[n] = \prod_{k=0}^{N-1} |x[n-k]|$$

Une consistance de signe et ensuite assurée par :

Si signe
$$(x[n-k]) \neq$$
 signe $(x[n-(k+1)], \forall k \in \{0, ..., N-2\}$ alors $y[n=0]$

La présence ou l'absence d'un QRS est jugé en employant un seuil adaptatif calculé en fonction d'une estimation du bruit. Cet algorithme possède des performances moyennes mais il a l'avantage d'être très peu couteux en ressource tant que l'ordre N du détecteur reste raisonnable.

3.2.7 Algorithme de détection de Pan- Tompkins :

L'algorithme de détection , développer par Pan et Tompkins , identifie les complexes QRS en se basant sur l'analyse de la pente , de l'amplitude et de longueur des ondes .la figure 5 montre les différentes étapes de la détection .

Le filtre passe-bande et formé par passe - bas et un passe-haut et a pour fonction de réduire le bruit dans le signal ECG.



Figure 4 : diagramme des étapes de l'algorithme de Pan et Tompkins

Après filtrage, le signal est dérivé afin de mettre en évidence les pentes qui distinguent les complexes QRS des composants ECG de basse fréquence, tels que les ondes P et T. L'opération suivante est la quadrature, qui fait ressortir les valeurs les plus hautes qui sont des complexes QRS. L'operateur final est l'intégrateur sur une fenêtre glissante N. La sorite de l'intégrateur à fenêtre glissante peut être utilisée pour détecter des complexes QRS, mesurer les intervalles RR ou déterminer la durée des complexes QRS.



Figure 5 : sortie de l'intégrateur à fenêtre glissante du détecteur de QRS Pan et Tompkins.

Figure 5 : sortie de l'intégrateur à fenêtre glissante du détecteur de QRS Pan et Tompkins.

Le signal filtré et le signal transformé sont ensuite utilisés par un étage de décision pour détecter les candidats.

Les règles mises en jeu dans cet étage sont assez complexes. Elles sont basées sur l'estimation du niveau de bruit et de dernier intervalle RR pour mettre à jour des seuils adaptatifs.

3.2.8 Algorithmes basés sur le calcul de la dérivée entière :[19]

Ces algorithmes sont basés sur le calcul des dérivées premières et secondes du signal ECG et l'élaboration d'un seuil combinés avec d'autres traitements (valeur absolue, lissage, sommation pondérée, élimination de la valeur moyenne).

3.2.9Algorithmes basés sur le calcul de la dérivée non entière :[19]

Leur principe repose sur la conception de filtres (passe bande et passe bas) à phase linéaire basés sur la dérivation non entière. La fréquence centrale ainsi que les coefficients des filtres sont fonction des ordres de dérivation non entière. Les différents paramètres de ces filtres sont optimisés en utilisant des modèles fractionnaires de la densité spectrale de puissance du complexe QRS [15,50].

50

3.2.10Algorithmes basés sur les réseaux de neurones :[19]

Un réseau de neurones est une somme pondérée de fonctions non-linéaires paramétrées, appelées "neurones cachés", des variables de la fonction à modéliser. Chaque neurone caché est généralement la tangente hyperbolique d'une somme pondérée des variables du modèle. Xue et al. [45] ont développé un algorithme de détection du complexe QRS qui utilise un filtre adaptatif basé sur les réseaux de neurones, généralement utilisé en reconnaissance de forme, pour éliminer la corrélation dans les composantes basses fréquences de l'ECG et du bruit qui l'affecte.

Ils ont appliqué un filtre adapté pour la détection du complexe QRS dans le signal issu de ce prétraitement.

3.3.Conclusion:

Ce bref état d'art décrit les différents algorithmes et méthodes de détection du complexes QRS de l'ECG existant dans la littérature .

Détection du Complexe QRS par Ondelettes Fractionnaires

4.1. Introduction :

La détection du complexe QRS est d'une importance capitale dans les systèmes de traitement automatique de l'ECG. En effet, une fois les pics R identifiés, il devient facile de calculer la fréquence cardiaque, d'analyser la variabilité du rythme cardiaque (Heart Rate Variability, HRV), de segmenter le signal ECG en vue de son analyse battement par battement ou sa compression et d'analyser la déviation du segment ST dans le but de déceler une ischémie du myocarde. Les difficultés de la détection de QRS résident, essentiellement, dans la grande variabilité de la forme du signal parce que leur morphologie varie d'un individu à l'autre, même chez le même sujet, elle varie d'un cycle à l'autre. En plus, des bruits d'origines diverses (contractions musculaires, artefacts de mouvement, interférence avec le secteur, bruit respiratoire, mauvais contact entre les électrodes et la peau [33]), présents dans l'ECG, ainsi que des ondes P et T de grandes amplitudes peuvent aussi être prises pour des complexes QRS [23]. Une bonne détection des complexes QRS nécessite donc un traitement du signal plus élaboré. L'idée générale est d'exploiter non seulement la grande dynamique des ondes R, mais aussi une propriété qui leur est propre : leurs variations rapides.

Depuis plus de trente ans, les chercheurs ont largement travaillé sur la détection du QRS et ont proposé plusieurs méthodes de détection. Chacune possède des avantages et des inconvénients en terme de performance et de complexité. Avec les avancées en temps de calcul dans le domaine informatique, le poids de complexité a diminué par rapport à celui de la performance. Les performances de ces algorithmes sont mesurées en termes de non détection, fausse alarme, retard de détection et nombre d'opérations mathématiques. Ces techniques souffrent de deux problèmes majeurs : le premier est que la bande passante du complexe QRS diffère d'un individu à l'autre, et même chez le même sujet d'un cycle à l'autre. La deuxième difficulté est le choix du seuil de décision. Le seuil est généralement fixé empiriquement, des conditions additionnelles doivent être prises en compte avant la décision finale. Une méthode de détection utilisant le filtrage numérique adaptatif est proposée dans

[16]. Le filtre adaptatif s'auto ajuste afin de compenser les variations de formes et les conditions de perturbations accentuées. De ce fait, pendant ces quinze dernières années plusieurs nouveaux algorithmes ont été proposés. On trouve, par exemple, des méthodes utilisant les réseaux de neurones, les algorithmes génétiques et la transformée en ondelettes [25-26, 27, 29, 22-28].

Dans ce chapitre, on présente un algorithme de détection du complexe QRS basé sur la transformée en ondelettes. On exposera l'utilisation d'ondelettes réelles et complexes, qu'on a

désignées "fractionnaires" et qui sont dérivées de la fonction de distribution de *Cole-Cole* et paramétrées par un coefficient *m* qui représente l'ordre du système fractionnaire.

4.2. Principe des détecteurs du complexe QRS :

L'opération de détection du complexe QRS est réalisée, en général, en deux étapes : une étape de préprocesseur et une étape de décision comme montré sur la figure (3.1) [29]. Le préprocesseur a pour but d'accroître les amplitudes des complexes QRS et réduire celles des ondes P et T ainsi que le bruit résiduel. Il peut comporter plusieurs techniques de traitement du signal : la dérivation non entière, le filtrage passe-bande, le filtrage non linéaire, les réseaux de neurones ou la transformation en ondelettes. Après, le signal subit une transformation non linéaire, par exemple, une dérivation pour identifier les fortes pentes autour de l'onde R et une élévation au carré pour quantifier l'énergie des complexes QRS. La sortie du préprocesseur fournit des suites d'impulsions qui seront classées comme des complexes QRS ou du bruit. La deuxième étape consiste, selon des critères de seuillage, en une prise de décision si le maximum est un vrai pic ou un pic illusoire de l'onde R.



Préprocesseur

Règle de décision

Fig. 4.1. Schéma d'un détecteur du complexe QRS.

4.2.1. Préprocesseur :

Le préprocesseur, ou étape de prétraitement, a pour but de séparer les signaux utiles des bruits indésirables. En électrocardiographie, ces bruits sont bien identifiés mais certains ont la particularité de recouvrir la bande spectrale de l'ECG, ce qui les rend difficile à les filtrer. Les principales causes de bruits sont soit techniques, soit physiologiques [30]. Les bruits causés par les appareils de mesure peuvent être évités alors que le deuxième type de bruits représentés par l'activité bioélectrique des cellules ne peut pas être contourné. L'étape de prétraitement est traditionnellement fondée sur le filtrage et la dérivation (au sens mathématique) du signal. Cette fonction peut être assurée par des filtres numériques de dérivation première ou seconde ou aussi par une transformation en ondelettes. Les performances des détecteurs de QRS sont donc très liées à la qualité du filtrage. La figure

(4.2) montre la densité spectrale de puissance de l'ECG et de ses différentes composantes[31]. Sur cette figure, on peut voir que l'énergie de l'ECG est répartie dans la bande [2 - 40]Hz qui recouvre aussi celle des bruits cliniques typiques.



Fig. 4.2. Densité spectrale de puissance de l'ECG et de ses différentes composantes.

D'après les données physiologiques, les complexes QRS ont une énergie maximale dans la bande 5-15 Hz [31]. Il est donc naturel de tenter un filtrage du signal dans cette bande, afin d'atténuer les composantes non désirables, comme l'onde P, l'onde T, la dérive de la ligne de base et le bruit causé par le réseau électrique. Un filtre passe haut peut être utilisé pour filtrer les composantes du bruit de basse fréquence (P, T, fluctuation de la ligne de base) tandis que les perturbations de hautes fréquences seront éliminées par un filtre passe bas, tout en conservant la bande des fréquences utiles du signal presque inchangée. Les filtrages haut et bas peuvent être effectués séparément ou par un seul filtre passe bande. Ces filtres passe bandes numériques ont des fréquences centrales qui se situent dans l'intervalle 10 Hz à 25 Hz [19]. Les transformations non linéaires (valeur absolue, transformation quadratique, intégration, produit multi-échelle pour les ondelettes, ...) ont pour but d'obtenir pour chaque complexe QRS un seul pic positif susceptible d'être repéré si sa valeur dépasse un certain seuil.

4.2.2. Règle de décision :

Les stratégies de décision constituent le noyau des algorithmes de détection. Elles garantissent les bonnes performances de détection. Les impulsions issues du préprocesseur sont soumises à

59

ces règles de décision. Le signal disponible possède un maximum absolu pour chaque complexe QRS ; il possède en outre d'autres maxima locaux, de plus faible amplitude en général, qui correspondent soit à du bruit, soit aux ondes P et T. Cette étape consiste donc en une recherche de maxima capable de ne pas prendre en considération les maxima tropfaibles qui peuvent correspondre au bruit en effectuant un seuillage en amplitude (Fig.4.3) et ceux trop proches qui risquent d'être introduits par les ondes T en effectuant un seuillage temporel (Fig. 4.4). Les seuils de détection constituent une règle très importante. L'amplitude des battements pouvant varier fortement au cours d'un même enregistrement et d'un enregistrement à l'autre, ces seuils ne peuvent pas être fixés à priori, ils sont donc calculés tout au long de l'analyse [32,33], ce sont des seuils adaptatifs.

4.2.2.1. Seuil adaptatif en amplitude :

Le seuil en amplitude permet de distinguer les maxima correspondant aux ondes R de ceux correspondant aux ondes P et T qui sont, en général, beaucoup plus faibles. L'algorithme calcule un seuil qui vaut 30 % de l'amplitude moyenne des 10 dernières ondes R détectées et recherche le prochain maximum :

$$Seuil_Amp = 0.3 \times AR_{moy}$$
(4.1)

Où AR_{mov} est l'amplitude moyenne des 10 dernières ondes R détectées :

$$AR_{moy} = \frac{1}{10} \sum_{i=n-9}^{n} AR_i \qquad (4.2)$$

Où AR_i est l'amplitude du pic R_i détecté. Si ce maximum est d'amplitude supérieure au seuil, il est considéré comme correspondant à un complexe QRS et est ainsi validé ; sinon, l'algorithme continue jusqu'au maximum suivant (Fig. 3.3). Autrement dit, le seuil est ajusté tout au long de l'algorithme. Parfois un seul seuil en amplitude peut s'avérer insuffisant et l'algorithme risque de manquer des ondes R de petites amplitudes à cause de cas pathologiques. Pour cela, une étape de rattrapage des ondes R oubliées doit être envisagée en adoptant d'abord un seuillage temporel permettant de définir s'il y a eu une onde R ratée, et ensuite l'application d'un deuxième seuil en amplitude habituellement pris comme un pourcentage du premier seuil (Fig.4.3).



Fig. 4.3. Calcul du seuil adaptatif en amplitude [32].

4.2.2.2. Seuil adaptatif en temps :

Pour pallier cette difficulté et rattraper les battements manqués, on tient compte de la forte probabilité d'observer un QRS dans un certain intervalle de temps qui vaut 150% de la moyenne des 10 derniers intervalles RR validés. On calcule le seuil en temps par :

Seuil_Temp =
$$1.5 \times RR_{moy}$$
 (4.3)

Où RR_{moy} est la moyenne des 10 derniers intervalles RR. L'intervalle RR représente la différence des positions de deux pics R successifs :

$$RR = R_N - R_{N-1} \tag{4.4}$$

Si aucun nouveau complexe n'est détecté dans cet intervalle, l'algorithme revient, dans ce cas, à la dernière détection validée et réexamine cet intervalle avec un seuil abaissé à 10% de la moyenne des 10 derniers maxima, au lieu des 30% précédents (Fig. 4.4), c'est la recherche arrière. Ce système permet, dès lors, la détection d'éventuels complexes de petites amplitudes précédemment oubliés.



Fig. 4.4. Calcul du seuil adaptatif en temps [32].

4.2.2.3. Période réfractaire :

En plus des seuils de détection en amplitude et en temps, et afin d'améliorer le taux de détection et réduire le nombre de fausse alarme (fausse détection) et de non détection, les événements détectés dans l'intervalle de 200 ms suivant un complexe QRS détecté sont

ignorés. Cet espace de temps correspond à la durée de la phase réfractaire du potentiel d'action. Elle vaut 72 échantillons puisque les signaux tests sont échantillonnés à 360 Hz [33].

4.3.1. Base de données MIT-BIH :

4.3.1.1. Description :

Cette base a été établie par des chercheurs afin d'être utilisée comme une référence pour la validation et la comparaison des algorithmes de détection du complexe QRS du signal ECG. Elle contient deux dérivations : MLII et V5. Elle est constituée de 48 enregistrements de 30 min chacun échantillonnés à une fréquence de 360 Hz. Un avantage de cette base est qu'elle couvre un grand nombre de pathologies, ce qui permet de valider la détection des ondes R pour un grand nombre de cas. Les signaux sont numérotés de 100 à 124 pour le premier groupe qui comporte une variété de formes d'ondes et de 200 à 234 pour le deuxième qui comporte une variété de cas pathologiques. Chaque enregistrement a été annoté indépendamment par plusieurs cardiologues (deux au moins) rendant l'étude, ainsi, plus pratique. L'annotation est une date avec un label. La date correspond au moment d'apparition du pic R du complexe QRS et le label correspond au type du QRS.

4.3.2. Paramètres d'évaluation des performances :

Les complexes QRS détectés seront comparés au fichier d'annotation associé à chaque enregistrement de la base de données pour déterminer l'erreur. Les performances de l'algorithme de détection sont évaluées en terme de :

- nombre de QRS correctement détectés TP (True Positive),

- nombre de QRS faussement détectés FP (False Positive) : c'est le nombre d'ondes R qui ont été détectées par l'algorithme alors qu'elles ne font pas partie de cette catégorie. Ces erreurs peuvent correspondre à des emplacements repérés par l'algorithme alors qu'il n'y avait aucune onde caractéristique, ou encore qu'il s'agisse d'une autre onde caractéristique ou du bruit,

nombre de QRS oubliés FN (False Negative) : c'est le nombre d'ondes étiquetées R que l'algorithme n'a pas détectées.

La procédure généralement utilisée pour le calcul des valeurs de TP, FP et FN est expliquée dans ce qui suit [41]. Notons par t_i l'instant du $i^{\hat{e}me}$ complexe QRS manuellement marqué par les cardiologues dans un enregistrement ECG de la base de données, et notons par t_j l'instant du $j^{\hat{e}me}$ complexe QRS automatiquement détecté par l'algorithme. Un battement t_j est considéré comme étant bien détecté (TP), si on a, pour un seuil choisi q :

$$\left| t_{j-}t_{i} \right| \leq q \tag{4.5}$$

Une fausse détection (FP) se produit lorsque t_j se trouve à une distance supérieure à q de t_i pour tout t_i . Finalement, un battement est considéré absent (FN) si aucune détection ne se produit à une distance plus petite que q de t_i pour tout t_i .

Pour la valeur du paramètre q de l'équation (3.5), nous l'avons choisi égal à 120 ms correspondant à la largeur d'un complexe QRS typique. Ceci est fait car lorsque le cardiologue marque un complexe QRS, il ne le fait pas forcément sur le sommet du pic R, mais quelque part à l'intérieur du complexe QRS. Pour juger de la qualité du détecteur, trois grandeurs sont habituellement mesurées :

- La sensibilité (Sensitivity), appelée aussi Probabilité de Détection, Se, définie par :

$$S_e(\%) = \frac{TP}{TP + FN}.100$$
 (4.6)

-La spécificité ou la prédictibilité positive (Positive Predictivity), P^+ , donnée par :

$$P^{+}(\%) = \frac{TP}{TP + FP}.100 \qquad (4.7)$$

- Le taux d'erreur donné par :

$$TE(\%) = \frac{FN + FP}{NBT}.100 \quad (4.8)$$

Où NBT est le nombre de battements (nombre de QRS total qui est égal à la taille du vecteur annotation après lecture de *.atr). Le taux de détection (TD) est défini par :

$$TD(\%) = 100 - TE(\%)$$
 (4.9)

4.4. Détection du complexe QRS :

Cette partie présente les détails de l'algorithme de détection du complexe QRS sur une seule voie. A première vue, cette détection semblerait pouvoir être effectuée par un simple seuillage du signal (Fig.4.5), car les ondes R sont, en général, de plus grande amplitude que les autres. Mais ce n'est pas le cas chez tous les patients : parfois, l'onde T est d'amplitude comparable, ce qui pourrait être une sérieuse cause d'erreur (Fig. 4.6). Une bonne détection des complexes QRS nécessite donc un traitement du signal plus élaboré. Dans ce travail [34,35-36], et pour localiser efficacement les instants d'occurrence de l'onde R dans l'ECG, nous présentons une méthode basée sur "les maxima du module" de la transformée en ondelettes continue (TOC) à

partir d'ondelettes fractionnaires réelles et complexes construites par dérivation de la fonction de *Cole-Cole* (Eq. 2.35 et 2.37). Cette méthode détecte les valeurs maximales des coefficients ondelettes à travers les échelles. Cette technique s'avère très utile pour l'analyse de l'ECG, qui est caractérisé par des ondes localisées en temps ayant des composantes fréquentielles diverses. De plus, les différents types de bruit, affectant l'ECG, apparaissent à des bandes fréquentielles apparentes, et ont donc différentes contributions à des échelles distinctes. De ce fait, notre algorithme de détection du complexe QRS examinera les étapes suivantes :



Fig. 4.5. Signal ECG normal avec des ondes R de grande amplitude.



Fig. 4.6. Signal ECG avec ondes T d'amplitude importante.

- Filtrage numérique : transformation en ondelettes du signal ECG pour les échelles dyadiques 2^{j} , j = 1, 2, 3, 4 et 5.

- Transformation non linéaire : sélection de deux échelles correspondant à la bande passante la plus favorable à la détection du complexe QRS afin d'effectuer un produit multi-échelle des deux signaux transformés correspondants. On applique ensuite la méthode des "maxima du module" sur le produit pour obtenir notre signal à seuiller STC (Sequence to be Threshold Compared). La prise de décision se réalisera sur ce dernier signal.

- Prise de décision : calcul des différents seuils adaptatifs (en amplitude et en temps) et sélection des maximums ayant dépassé le seuil en amplitude. Enfin, décider si le maximum est un vrai pic ou un pic illusoire de l'onde R.

4.4.1. Filtrage par transformation en ondelettes :

Dans cette partie, un seul filtre a été mis en œuvre, il est basé sur une décomposition du signal par le biais de la transformée en ondelettes continue fondée sur des ondelettes fractionnaires *(coleN)* issues de la distribution de *Cole-Cole*. La transformée en ondelettes du signal ECG est donnée par (Eq. 2.13) :

$$WT(a,b) = \frac{1}{\sqrt{a}} \int_{-\infty}^{+\infty} ECG(t) \mathbf{y}^* \left(\frac{t-b}{a}\right) dt \quad (4.10)$$

Pour a = 2^{j} , j = 1, 2, 3, 4 et 5. $y^{*}(t)$ est le complexe conjugué de l'ondelette fractionnaire. On obtient une matrice composée de cinq lignes correspondant aux cinq échelles choisies et N colonnes, où N est la taille du signal ECG. Chaque ligne coïncide avec le signal transformé en ondelettes de l'ECG pour l'échelle a.

On peut voir la transformée en ondelettes continue comme un produit de convolution pour une échelle "a" fixée (Eq. 2.14). En effet :

$$WT(a,b) = ECG(t)^* y_a^*(t)$$
(4.11)

avec $\mathbf{y}_a^*(t) = \frac{1}{\sqrt{a}} \mathbf{y}^*(-\frac{t}{a})$

De ce fait, et comme $\Psi(w)|_{w=0} = 0$ (cary est de moyenne nulle), la transformée en ondelettes du signal ECG est le résultat du filtrage de ce signal avec un filtre passe bande de fonction de transfert $\Psi(w)$ L'effet du filtrage est caractérisé par la multiplication du spectre ECG (w)par $\sqrt{a}\Psi(w)$ (Eq. 2.16). Pour une ondelette $\Psi(w)$ de fréquence centrale f_0 et de bande de fréquence B, le paramètre "a" définit un nouveau gabarit de filtre de fréquence centrale f_0/a et de bande B/a. Ainsi, l'analyse en ondelettes continue peut s'interpréter comme une analyse à banc de filtre.

4.4.1.1. Choix du paramètre *m* :

Le paramètre m dans les équations (2.32) et (2.33) représente une caractéristique de la distribution de *Cole-Cole* et du système fractionnaire associé. Il est utilisé pour modifier la forme de la distribution de *Cole-Cole* (Fig. 2.18), et donc des ondelettes proposées. Ce
paramètre est choisi de façon à maximiser le rapport signal sur bruit (SNR) donné par l'équation [37,38] :

$$SNR(m) = \frac{E(ECG(k)^2)}{E((TOECG(k) -)ECG(k)^2)}$$
(4.12)

Où ECG(k) représente le signal ECG et TOECG(k) est sa transformée en ondelettes utilisant une ondelette fractionnaire avec différentes valeurs de m. La figure 3.7 montre les variations du rapport signal sur bruit (SNR) en fonction du paramètre m pour trois signaux ECG les plus difficiles (105, 203 et 208) de la base de données MIT-BIH. Le maximum du SNR est atteint pour une valeur de l'ordre fractionnaire m = 0,79.

4.4.1.2. Sélection des échelles de décomposition :

En fixant l'ordre *m* égal à 0,79, une démarche importante à réaliser est de sélectionner les échelles de décomposition qui vont nous être utiles [37]. La figure 4.8 présente le spectre d'amplitude de l'ondelette fractionnaire proposée, *cole2*, pour différentes valeurs de l'échelle "a" choisies selon une suite dyadique $a = 2^{j} (j \in \Box)$. Le tableau 3.1 contient la fréquence centrale ainsi que la bande passante pour ces mêmes échelles ; la fréquence centrale pour chaque échelle est déduite de la relation :

$$f_a = f_0 / a (4.13)$$

Où f_0 est la fréquence centrale de l'ondelette mère.



Fig.4.7. Variations du rapport signal sur bruit (SNR) en fonction de *m* pour trois enregistrements 105, 203 et 208.



Fig. 4.8. Spectre d'amplitude de l'ondelette *cole2* pour les échelles $2^1, 2^2, 2^3, 2^4, 2^5$.

Chapitre IVDétection du complexe QRS par ondelettes fractionnaires

Echelle a	Fréquence	Fréquence de	Fréquence de	
	centrale (Hz)	coupure basse(Hz)	coupure haute(Hz)	
2^{1}	109.3	54	177.3	
2^2	53.1	27.03	88.7	
2^{3}	25.2	13.6	44.35	
2^{4}	12.6	6.86	22.31	
2^{5}	6.3	3.63	11.14	

Tableau 4.1. Bande passante et fréquence centrale de l'ondelette *cole2* pour les échelles $2^1, 2^2, 2^3, 2^4 et 2^5$.

De la même manière, la bande passante pour chaque échelle est retenue de celle de l'ondelette mère par le biais de la relation (2.16). On peut en déduire que pour les échelles 2^1 , $2^2 et 2^3$, la bande passante de l'ondelette contient une bonne partie du spectre du complexe QRS. En se basant sur la valeur de la fréquence centrale pour chaque échelle, on choisira, par la suite, les échelles de décomposition $2^3 et 2^4$ car elles interprètent le plus le spectre du complexe QRS. Donc, le choix de ces deux échelles permettra de préserver le contenu fréquentiel du complexe QRS, tout en atténuant les composantes indésirables de l'ECG.

4.4.2. Transformation non linéaire : produit multi-échelle :

Le fait d'utiliser différentes échelles va permettre de travailler dans des bandes de fréquences les plus favorables à la détection des QRS, tout en ayant filtré une partie du bruit. Sadler et al ont étudié l'efficacité de la méthode du produit multi-échelle en présence du bruit [39]. Après transformation en ondelettes continue du signal ECG, on effectue le produit multi-échelle des coefficients pour les deux échelles utilisées. Cette analyse calcule le produit suivant :

$$P_{j}(t) = \prod_{j=j_{0}}^{j=j_{1}} WT(2^{j}, b) \qquad 4.14)$$

Le signal $P_j(t)$ tend à rehausser les maxima en atténuant les faux pics. Ce produit ressortira des pics aux transitions présentes dans le signal et présentera de faibles valeurs ailleurs. Dans cette opération non linéaire sur les coefficients $WT(2^j, b)$, les complexes QRS produisent, à travers les échelles, des pics observés dans les coefficients de la transformée en ondelettes qui sont renforcés par le produit $P_i(t)$. La figure 4.9 illustre un exemple de produit multi-échelle appliqué à un échantillon du signal ECG où l'on peut remarquer des pics R amplifiés avec réduction du bruit. Enfin, la méthode "maxima du module" permettra d'obtenir un seul point pour chaque pic et évitera d'avoir des pics des deux côtés de l'axe des temps.





(a) échantillon d'un signal ECG, (b), (c), (d) transformée en ondelettes pour $a = 2^1, 2^2 et 2^3$ respectivement, (e) produit multi-échelle des coefficients correspondant à $2^1 et 2^2$, (f) produit multi-échelle des coefficients correspondant à $2^2 et 2^3$.

4.4.3. Prise de décision :

La stratégie de décision constitue le noyau de l'algorithme de détection ; elle garantit les bonnes performances de détection. A l'issue du traitement précédent, le signal disponible (STC) possède un maximum absolu pour chaque complexe QRS ; il possède en outre d'autres maxima locaux, de plus faible amplitude en général, qui correspondent soit au bruit, soit aux ondes P ou T. La règle de décision est définie comme un franchissement de l'amplitude du signal STC au-dessus d'un seuil dont la valeur est fixée adaptativement. Quand l'amplitude

atteint le seuil de détection calculé, l'algorithme marquera ce temps comme étant l'instant d'occurrence de l'onde R. A ce moment-là, on effectuera deux opérations :

1. test effectué sur l'amplitude de ce pic R si elle est inférieure à deux fois la valeur précédente de AR_{moy} ; si oui, on calcule la nouvelle moyenne des dix derniers pics R détectés, AR_{moy} , pour évaluer le nouveau seuil en amplitude en utilisant l'équation (3.1) ; sinon, on gardera la même valeur de AR_{moy} et donc, le même seuil précédent [25] ;

2. calcul du nouveau seuil en temps en utilisant l'équation (3.3).

Après, une nouvelle détection sur ce signal est autorisée 200 ms après l'onde R détectée précédemment. Cette valeur correspond à la durée de la phase réfractaire. Cette procédure de décision est schématisée sur l'organigramme ci-dessous.



4.5. Applications de l'algorithme de détection :

Dans ces applications, l'algorithme proposé est testé sur des enregistrements ECG réels de la base "MIT-BIH arrhythmia database" [40]. Une seule voie a été utilisée. Ces signaux comprennent différents types de pathologies cardiaques (fibrillation auriculaire, tachycardie ventriculaire, fibrillation ventriculaire, ...).

4.5.1. Première application : ondelette réelle cole2 :

Dans cette première étude, la transformée en ondelettes utilise l'ondelette deuxième dérivée de la fonction de *Cole-Cole : cole2*. Cette ondelette est similaire aux complexes QRS à détecter [37].

4.5.1.1. Prétraitement :

La transformée en ondelette continue est calculée dans le domaine temporel. Dans les figures 4.10 à 4.13, on représente en (a) une section du signal ECG, les signaux (b) et (c) exposent sa transformée en ondelettes continue pour les échelles $2^3 et 2^4$ respectivement et enfin, en (d), on montre le signal STC qui représente les maxima du module du produit multi-échelle des coefficients ondelettes correspondant aux échelles $2^3 et 2^4$.

4.5.1.2. Règle de décision :

Après prétraitement, le signal disponible en (d), appelé communément signal à seuiller, possède un maximum absolu qui peut être un pic R ou du bruit. En utilisant l'équation (3.1), on peut calculer les différents seuils de décision. Si un maximum dépasse le seuil de détection, il est considéré comme un pic R ; il est ainsi validé et son instant d'occurrence est marqué. Son amplitude est utilisée pour estimer AR_{moy} et déterminer, ainsi, le nouveau seuil_amp. L'étape de rattrapage des pics R éventuellement omis par l'algorithme, appelée souvent recherche arrière, est réalisée sur l'un des coefficients ondelettes correspondant à l'échelle $2^3 et 2^4$. Le seuil arrière utilisé, seuilAR, est donné par : $0.3*WT(2^j, b_k^j)$ (4.15)

Où $WT(2^{j}, b_{k}^{j})$ est la valeur du maximum du coefficient ondelette à l'échelle 2^{j} correspondant à la position b_{k}^{j} du dernier pic R détecté dans le signal à seuiller (STC).

4.5.1.3. Résultats, discussion et comparaison :

Les figures 4.10 à 4.13 présentent quelques exemples de prétraitement des signaux ECG réels pour la détection de complexes QRS. Les cas désignés comportent des exemples de : - signal de qualité acceptable (100.dat) : son examen ne pose, quasiment, pas de problème.

Le signal à seuiller comporte des pics R bien visibles et de grandes amplitudes. Un simple seuillage permettra de détecter tous les pics ;

- signal avec un saut abrupt de la ligne de base (101.dat) : ce saut provoquera des fausses détections (FP) à cause des transitions qui vont être prises pour des pics R par l'algorithme de détection ; mais cela peut être corrigé dans la deuxième application en utilisant l'ondelette *cole1* ;

- signal avec des complexes QRS comportant deux pics R (102.dat) : l'algorithme a prévalu, dans le signal à seuiller, le pic de plus grande amplitude. Toutefois, même si ce pic n'est pas celui annoté dans la base, il reste très proche de ce dernier et il est, de ce fait, considéré comme un point appartenant au complexe QRS ;

signal avec déviation graduelle de la ligne de base (105.dat) : on peut remarquer des ondes
 R d'amplitudes fortement atténuées dans le signal à seuiller (STC) mais, qui gardent des amplitudes suffisantes dans les coefficients ondelettes correspondant aux échelles. Une recherche arrière peut corriger quelques défauts ;



Fig.4.10. (a) signal ECG : 100.dat, (b) et (c) sa transformée en ondelettes (*cole2*) pour $2^3 et 2^4$, (d) signal STC (maxima du module du produit multi-échelle).





Nombre d'échantillons

() -2

(p) 2



Fig.4.13. (a) signal ECG : 105.dat, (b) et (c) sa transformée en ondelettes (*cole2*) pour $2^3 et 2^4$, (d) signal STC (maxima du module du produit multi-échelle).

Le tableau 3.2 montre les détails de la détection des complexes QRS pour chaque signal ECG. L'analyse des résultats du tableau confirme que l'algorithme peut identifier la position de l'onde R avec une précision raisonnable. En fait, la sensibilité " S_e " et la valeur de la prédictibilité positive " P^+ " ont été calculées et ont données respectivement 99.82% et 99.16% pour un nombre de battements total égal à 8897. Le taux d'erreur "TE" est de 1.02%.

Les figures 4.14 à 4.17 présentent quelques exemples de détection du complexe QRS pour les signaux 100, 101, 102 et 105. On représente, en (a), une portion du signal original, en (b), l'annotation correspondante donnant l'endroit de chaque pic R et en (c), les positions des pics R détectées par l'algorithme.

- pour la figure 4.14, tous les pics ont été bien détectés, ceci est certifié par le taux d'erreur zéro pour cet enregistrement ;

- pendant l'enregistrement de la figure 4.15, il y a eu, aux transitions, deux fausses alarmes (FP = 2) repérées par l'algorithme comme étant des pics R, en plus d'un QRS oublié (FN = 1) à cause de son amplitude faible ;

- la figure 4.16 présente des complexes QRS comprenant plus d'un pic R, mais cela n'a pas causé d'erreur ; un taux de détection de 100% est obtenu ;

- les amplitudes des QRS, dans la figure 4.17, diminuent graduellement avec la ligne de base. Ceci a occasionné l'oubli de plusieurs complexes.

Tableau 3.2. Résultats de la détection du complexe QRS testée sur la base MIT-BIH
Première application : ondelette <i>cole2</i> .

N°Enr	NBT	FN	FP	Se(%)	$P^{+}(\%)$	TE(%)
100	2273	0	0	100.00	100.00	0.00
101	1865	2	5	99.89	99.73	0.38
102	2187	0	0	100.00	100.00	0.00
105	2572	15	81	99.42	96.93	3.73



Fig. 4.14. Exemple de détection du complexe QRS (100.dat) : (a) signal ECG, (b) annotation, (c) positions détectées par l'algorithme (*cole2*).



Fig.4.15. Exemple de détection du complexe QRS (101.dat) : (a) signal ECG, (b) annotation, (c) positions détectées par l'algorithme (*cole2*).



Fig.4.16. Exemple de détection du complexe QRS (102.dat) : (a) signal ECG, (b) annotation, (c) positions détectées par l'algorithme (*cole2*).



Fig. 4.17. Exemple de détection du complexe QRS (105.dat) : (a) signal ECG, (b) annotation, (c) positions détectées par l'algorithme (*cole2*).

4.5.2. Deuxième application : ondelettes réelles cole2 et cole1 :

Dans cette deuxième variante, nous avons utilisé, en plus de l'ondelette *cole2*, l'ondelette *cole1* pour un éventuel test de passage par zéro. L'ondelette *cole2* est la dérivée de l'ondelette *cole1*, donc, le maximum de *cole2* correspond à un passage par zéro de *cole1*. Ce second critère nous permettra de réduire le nombre de fausse alarme (FP) obtenu dans l'analyse précédente. La transformée en ondelettes continue est calculée pour les deux ondelettes. Toutefois, pour l'ondelette *cole1*, on utilisera une seule échelle caractéristique qui inclut le mieux possible la bande passante du complexe QRS: 2^4 .

4.5.2.1. Prétraitement :

Dans les figures 4.18 à 4.22, on représente en (a) une section du signal ECG, le signal en (b) montre les maxima du module du produit multi-échelle des coefficients ondelettes identiquement à la première application et enfin, en (c), on expose la transformée en ondelettes continue utilisant *cole1*.

4.5.2.2. Règle de décision :

En deuxième étape de cette analyse, la règle de décision appliquée au signal à seuiller, présent cette fois-ci en (b), est pratiquement la même, hormis quelques améliorations : un maximum dépassant le seuil de détection est considéré comme un pic R s'il coïncide avec un passage

parzéro, à la même position, dans le signal en (c). Ce pic R est, de ce fait, validé et son instant d'occurrence est marqué. La recherche arrière des pics R, éventuellement oubliés par l'algorithme, est réalisée sur le signal à seuiller lui-même (en b). Le seuil arrière utilisé, pour ce cas, est donné par :

SeuilAR = $0.5 \times \text{seuil}_\text{amp.}$ (4.16)

4.5.2.3. Résultats, discussion et comparaison :

Les résultats du prétraitement, représentés sur les figures 4.18 à 4.22, fournissent quelques exemples de test du passage par zéro utilisant l'ondelette *cole1*. On a introduit l'enregistrement écarté dans le premier cas :

- signal 100.dat : vu la bonne qualité de cet enregistrement, on représente, sur la figure 4.18, un seul QRS. On constate que le pic R, présent dans le signal à seuiller (b), coïncide avec un passage par zéro en (c) ;

signal 101.dat : le problème des transitions prises, auparavant, pour des pics R est corrigé (Fig. 4.19). On remarque un rejet des maximums causés par ces transitions car elles ne marquent pas de passage par zéro en (c) ;

signal 102.dat : dans la figure 4.20, entre deux pics R appartenant à un même complexe
 QRS, la sélection du pic R de grande amplitude est effectué par le biais du test de passage par zéro ;

- signal 105.dat : les pics R, malgré fortement atténués en (b), correspondent bien à un passage par zéro en (c) (Fig. 4.21). Une recherche arrière peut récupérer quelques pics ratés ;

- signal avec des ondes P de grandes amplitudes (108.dat) : les ondes R, malgré inversés, marquent une amplitude remarquable dans le signal à seuiller avec validation d'un passage par zéro ; cela rend la détection plus aisée malgré la présence d'ondes P de grandes amplitudes (Fig. 4.22).



Fig.4.18. (a) signal ECG : 100.dat, (b) maxima du module du produit multi-échelle pour $2^3 et 2^4$ (cole2), (c) passage par zéro dans la TOC pour 2^4 (cole1).



Fig. 4.19. (a) signal ECG : 101.dat, (b) maxima du module du produit multi-échelle pour 2³ et 2⁴ (cole2), (c) passage par zéro dans la TOC pour 2⁴ (cole1).



Fig. 4.20. (a) signal ECG : 102.dat, (b) maxima du module du produit multi-échelle pour $2^3 et 2^4$ (cole2), (c) passage par zéro dans la TOC pour 2^4 (*cole1*).



Fig. 4.21. (a) signal ECG : 105.dat, (b) maxima du module du produit multi-échelle pour $2^3 et 2^4$ (cole2), (c) passage par zéro dans la TOC pour 2^4 (cole1).



Fig. 4.22. (a) signal ECG : 108.dat, (b) maxima du module du produit multi-échelle pour $2^3 et 2^4$ (cole2), (c) passage par zéro dans la TOC pour 2^4 (cole1).

Dans le tableau 3.3, on remarque une amélioration des pourcentages de détection avec une diminution des fausses alarmes. L'analyse des résultats du tableau confirme que l'algorithme peut identifier la position de l'onde R si on compare avec le premier cas. En fait, la sensibilité " S_e " est évaluée à 99.62%, tandis que la prédictibilité positive " P^+ " est appréciée à 99.24%, et cela pour un nombre de battements total égal à 10660. Les taux d'erreur "TE" est 1.04%.

N°Enr	NBT	FN	FP	(Se%)	(<i>P</i> ⁺ %)	(TE%)
100	2273	0	0	100.00	100.00	0.00
101	1865	1	0	99.95	100.00	0.05
102	2187	0	0	100.00	100.00	0.00
105	2572	11	36	99.57	98.61	1.83
108	1763	25	34	98.58	98.08	3.35

Tableau 3.3. Résultats de la détection du complexe QRS testée sur la base MIT-BIH.Deuxième application : ondelettes cole1 et cole2.

4.6. Conclusion :

Dans ce chapitre, nous avons développé un algorithme de détection du complexes ORS basé sur la transformée en ondelettes. Les ondelettes utilisées sont fondées sur la distribution de Cole-Cole assez utilisée dans la modélisation des systèmes fractionnaires. Le choix du paramètre m, qui représente l'ordre du système fractionnaire, est basé sur la maximisation du rapport signal sur bruit (SNR). La transformée en ondelettes appliquée produit plusieurs signaux correspondant aux échelles de décomposition les plus favorables à la détection du complexe QRS. Leur choix est basé sur la bande passante du complexe QRS. Sur ces signaux, on a opéré une transformation non linéaire traduite par un produit multi-échelle. Puis, la méthode des maxima du module appliquée au produit multi-échelle nous a permis de générer le signal à seuiller. Des seuils de détection adaptatifs, en amplitude et en temps, sont calculés pour une meilleure détection du complexe QRS en minimisant les fausses alarmes et les non détections. Deux ondelettes ont été appliquées sur les signaux tests de la base de données standard MIT-BIH : l'ondelette cole2 seule, puis cole2 et cole1 afin d'améliorer la détection et minimiser les fausses alarmes en réalisant un test de passage par zéro. Ces deux applications ont permis de détecter plus de 99% des complexes QRS. Cet aboutissement nous permet de classer ces algorithmes parmi ceux qui présentent un taux supérieur à 99% de détection.

Conclusion générale

PDF created with pdfFactory Pro trial version www.pdffactory.com

Conclusion générale :

Dans ce mémoire, nous avons abordé le problème de la détection du complexe QRS du signal ECG par une approche basée sur la transformée en ondelettes. Ces ondelettes ont été construites par dérivation de la distribution de *Cole-Cole*. La fonction de *Cole-Cole* est largement utilisée dans la modélisation mathématique des systèmes fractionnaires et en traitement de signal.

En tenant comptes de ces définitions et propriétés, nous avons présenté la famille d'ondelettes fractionnaires.

Nous avons employé un algorithme de détection du complexes QRS basé sur la transformée en ondelettes. Cet algorithme est basé sur la bande passante du complexe QRS. La transformée en ondelettes est donc appliquée sur des échelles de décomposition les plus favorables au contenu fréquentiel des complexe QRS. Sur les signaux obtenus, une transformation non linéaire est réalisée en accomplissant le produit des différents niveaux de résolution afin d'accentuer les pics R et réduire, l'effet du bruit résiduel. Le signal à seuiller est obtenu en appliquant la méthode des maxima du module du produit de manière à obtenir seulement un seul pic pour chaque complexe QRS. Des seuils de détection adaptatifs, en amplitude et en temps, sont calculés pour une meilleure détection du complexe QRS en minimisant les fausses alarmes et les non détections.

Deux ondelettes ont été mises en œuvre sur la base d'étude MIT-BIH : l'ondelette *cole2* seule, puis*cole2 et cole1*.

Ces deux applications ont permis de détecter plus de 99% de complexes QRS. Cet aboutissement nous permet de classer ces algorithmes parmi ceux qui présentent un taux supérieur à 99% de détection.

Perspective et suggestion :

• La méthode de détection qui a été développée peut être étendue à la caractérisation du battement cardiaque tout entier : de la détection des ondes P et T à la mesure des différents intervalles et durées des ondes caractéristiques du signal.

Nos ondelettes construites ne sont utilisables que dans le cas continu car elles ne sont pas orthogonales et ne peuvent, donc, pas bénéficier des algorithmes rapides de décomposition. Ces algorithmes sont utilisés, notamment, dans la compression et le débruitage des signaux. On peut développer cette construction d'ondelettes fractionnaires en cherchant à concevoir des ondelettes fractionnaires orthogonales voire bi-orthogonales issues de cette distribution de Cole-Cole.

Résumé :

L'électrocardiogramme (ECG) est un signal qui représente les variations de l'activité électrique du cœur en fonction du temps. Le complexe ORS est l'onde la plus convoitée dans l'analyse de l'ECG. La détection du complexe QRS est d'une importance capitale dans les systèmes de traitement automatique de l'ECG. Les difficultés de la détection de complexes QRS résident, essentiellement, dans la grande variabilité de la forme du signal et la présence de bruits d'origines diverses. De nombreux algorithmes de détection existent dans la littérature. L'opération est réalisée, en général, en deux étapes : un préprocesseur et une règle de décision. Le préprocesseur fournit des suites d'impulsions qui seront classées comme des complexes QRS ou du bruit. Le travail réalisé dans cette thèse présente un algorithme de traitement du signal ECG et de détection du complexe QRS que nous avons développé en se basant sur la transformée en ondelettes continue utilisant des ondelettes fractionnaires. Ces ondelettes fractionnaires sont des ondelettes conçues par simple dérivation ou par modulation de la distribution de Cole-Cole qui est largement utilisée dans la modélisation mathématique des systèmes d'ordre fractionnaire. Deux expériences de prétraitement et de détection de l'onde R sont présentées en utilisant la base de données MIT-BIH. La première expérience utilise une ondelette fractionnaire réelle et la seconde utilise une ondelette fractionnaire complexe. Les performances des algorithmes sont mesurées en termes de non détection, fausse alarme et retard de détection. Les résultats obtenus étaient très satisfaisants et elles sont comparables à celles des algorithmes les plus performants testés sur cette base de données.

Mots-clés : Electrocardiogramme (ECG), distribution de Cole-Cole, ondelette fractionnaire, complexe QRS, transformée en ondelettes.

Bibliographie

[1] D. Dubin. Lecture Accélérée de l'ECG. Maloine édition, Paris, 1999.

[2] A. R. Houghton and D. Gray. Maîtriser l'ECG - de la théorie à la clinique. Masson, 2000.

[3] J. R. Hampton. L'ECG Facile. Sixième édition, EDISEM, Maloine, Paris, 2004.

[4] J. Adamec and R. Adamec. ECG Holter. Manuel d'interprétation électrocardiographique.Médecine & Hygiène, 2000.

[5] S. Mallat. Une exploration des signaux en ondelettes. Editions de l'Ecole Polytechnique, Ellipses édition, Paris, 2000.

[6] M. Misiti, Y. Misiti, G. Oppenheim, and J.M. Poggi. Les ondelettes et leurs applications. Edition Hermès Science, Paris, 2003.

[7] P. Flandrin. Temps fréquence. Traité des Nouvelles Technologies, série Traitement du Signal. Hermès, Paris, 1993.

[8] Y. Meyer. Ondelettes et opérateurs I - Ondelettes. Hermann, Paris, 1990.

[9] A. Ouafi. Compression d'images fixes biomédicales par les transformées en ondelettes associées aux algorithmes de quantification vectorielle et de codage entropique. Thèse de Magister, Université Mohamed Khider, Biskra, 2001.

[10] S. Mallat. A theory of multiresolution signal decomposition: the wavelet representation.IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intel vol 11 n°7, pp 674-693 july 1989

[11] S. Mallat and W.L. Hwang. Singularity detection and processing with wavelets. IEEE.Trans. Inf. Theory. 38.PP 617-643,1992

[12] O. Le Cadet. Méthodes d'ondelettes pour la segmentation d'images. Applications àl'imagerie médicale et au tatouage d'images. Thèse de Doctorat, Institut NationalPolytechnique de Grenoble, septembre 2004.

[13] H.H. Sun, A. Charef, Y.Y. Tsao, and B. Onaral. Analysis of polarization dynamics by singularity decomposition method. Ann. Biomed. Eng. 20,pp 3221-335,1992

[14] H. Nezzari, A. Charef and M. Benmalek. Introduction d'une fenêtre de pondération d'ordre fractionnaire. In the Proceedings of CNIE'04, Oran, Algérie, décembre 2004.

[15] A. Charef. Modeling and analog realization of the fundamental linear fractional order differential equation. Nonlinear Dynamics. N°46-N°1-2 OCTOBER 2006

[16] S. Mallat. Zero crossings of wavelet transform. IEEE Trans. Infor. Theory.PP 1019-1033,1991

[19] Y. Ferdi. Analyse et compression du signal électrocardiographique (ECG) par des algorithmes basés sur la dérivation non entière. Thèse de Doctorat. Université de Tlemcen, Algérie, 2001.

[20] Y. Ferdi. Analyse et compression du signal électrocardiographique (ECG) par des algorithmes basés sur la dérivation non entière.

[21] M. Benmalek and A. Charef. Digital fractional order operators for R-wave detection in ECG signal. IET proceedings on Signal Processing.VOL3,PP 381-391,2009
[22] Q. Xue, Y. H. Hu, and W. J. Tompkins. Neural-network-based adaptive matched filtering for QRS detection. IEEE Trans. Biomed. VOL39,PP 317-329,1992

[23] G.M. Friesen, T.C. Jannett, M.A. Jadallah, S.L. Yates, S.R. Quint and H.T. Nagle. A comparison of the noise sensitivity of nine QRS detection algorithms. IEEE Trans. Biomed. ENG.37:85-98.1990

[24] P.S. Hamilton and W.J. Tompkins. Quantitative investigation on QRS detection rules using the MIT/BIH arrhythmia database. IEEE Trans. Bio.EN 33:1157-1165,1986

[25] C. Li, C. Zheng and C. Tai. Detection of ECG characteristic points using wavelet transforms. IEEE Trans. Biomed. 42.21-28,1995

[26] M. Bahoura, M. Hassani and M. Hubin. DSP implementation of wavelet transform for real time ECG waveforms detection and heart rate analysis. Comput. Methods Programs Biomed.52(1):35-44,1997

[27] S. Kadambi, R. Murray and G.F. Boudreaux-Bartels. Wavelet transform-based QRS complex detector. IEEE Trans. Biomed.PP 838-848,1999

[28] R. Poli, S. Cagnoni and G. Valli. Genetic design of optimum linear and nonlinear QRS detectors. IEEE Trans. Biomed. 1137-1141,1995

[29] B-U. Köhler, C. Henning and R. Orglmeister. The principles of software QRS detection.IEEE Eng. in Med. Biol. 42-57,2002

[30] P. Augustyniak. Time-frequency modelling and discrimination of noise in the electrocardiogram, Physiol. Meas.753-767,2003

[31] N.V. Thakor, J.G. Webstor and W.J. Tompkins. Estimation of QRS complex power spectra for design of a QRS filter. IEEE Trans. Biomed.VOL31.P 702-705,1984

[32] R. Dubois, Application des nouvelles méthodes d'apprentissage à la détection précoce d'anomalies en électrocardiographie, Thèse de Doctorat, Université Paris VI, 2004.

[34] F. Abdelliche and A. Charef. Application d'une nouvelle famille d'ondelettes fractionnaires basées sur la fonction de Cole-Cole.2010

[35] F. Abdelliche, A. Charef, M.L. Talbi and M. Benmalek. A fractional wavelet for QRS detection. 24-28 APRIL 2006, DAMASCUS, SYRIA

[36] F. Abdelliche and A. Charef. R-Peak detection using a complex fractional wavelet. ELECO 2009.

[37] F. Abdelliche and A. Charef. Fractional wavelet for R-wave detection in ECG signal. Critical Reviews in Biomedical Engineering.381-391,2009

[38] R. Jané, P. Laguna, P. Caminal and H. Rix. Adaptive filtering of high-resolution ECG signals. Computers in Cardiology Proceedings.347-350,1990

[39] B.M. Sadler and A. Swami. Analysis of multiscale products for step detection and estimation. IEEE Trans. Infor.45;1043-1051,1999

[40] G.B. Moody and R.G. Mark. The MIT-BIH arrhythmia database; IEEE Computer Society Press, 185-188, 1990.

[41] A. I. Manriquez. Segmentation de l'électrocardiogramme pour la modélisation de ladynamique du QT lors de l'exercice du handgrip. Thèse de Doctorat, université de Rennes 1, 2008.

[42] Ruha et al, 1997 ; Daskalov et Christov, 1999 ; Wieban et al ,1999Nagin et Selishev 2001

[43] Li et al, 1995; Senhadji et al, 1995; Afonso et al, 1999; Kadambe et al, 1999

[44] Pan et Tompkins, 19985 ; Gritzali ,1998 ; Benitez et al, 2001

[45] Watrous et Towell, 1995 ; Silipo et Mrching, 1998

[46]Poli et al, genetic design of optimum linear and non linear QRS detectors. IEEE TRANS BIOMED. ENG 42:1137-1141,1995